

Forschungslinie: Mo, 8. April 2019

13:00 - 14:30 Maschinelle Verarbeitung natürlicher Sprachen
Prof. Heiko Vogler

14:50 - 16:20 [Model Checking](#)
Prof. Christel Baier / Dr. Sascha Klüppelholz

Model Checking

Technische Universität Dresden
Institut für Theoretische Informatik
Algebraische und Logische Grundlagen
der Informatik

Christel Baier	Philipp Chrszon	Clemens Dubslaff
Florian Funke	Simon Jantsch	Sascha Klüppelholz
David Müller	Jakob Piribauer	Sascha Wunderlich

Verifikation:

Nachweis, dass ein System seine Anforderungen erfüllt

Verifikation:

Nachweis, dass ein System seine Anforderungen erfüllt

Anforderungen:

- **Terminierung, partielle Korrektheit** für sequentielle Programme
- **temporale Eigenschaften** der Interaktionen in parallelen Systemen
- **quantitative Anforderungen** an das Echtzeitverhalten
- **:**

Warum Verifikation ?

Warum Verifikation ?

Therac-25 Radiation, 1985-87

SW-Fehler in Bestrahlungsmaschine

Verzögerte Eröffnung des Flughafen Denver, 1989

SW-Fehler im Gepäckabfertigungssystem

Ausfall des AT&T Telefonnetzwerks, 1990 in New York

falscher Schleifenabbruch in C-Programm

Intel Pentium-Prozessor, 1994

fehlerhafte Gleitkommadivision

Crash der Ariane 5 Rakete, 1996

SW-Fehler in Kontrollsoftware

Warum Verifikation ?

Therac-25 Radiation, 1985-87

SW-Fehler in Bestrahlungsmaschine

mindestens 3 Tote aufgrund 100-facher Bestrahlung

Verzögerte Eröffnung des Flughafen Denver, 1989

SW-Fehler im Gepäckabfertigungssystem

Ausfall des AT&T Telefonnetzwerks, 1990 in New York

falscher Schleifenabbruch in C-Programm

Intel Pentium-Prozessor, 1994

fehlerhafte Gleitkommadivision

Crash der Ariane 5 Rakete, 1996

SW-Fehler in Kontrollsoftware

Warum Verifikation ?

Therac-25 Radiation, 1985-87

SW-Fehler in Bestrahlungsmaschine

mindestens 3 Tote aufgrund 100-facher Bestrahlung

Verzögerte Eröffnung des Flughafens Denver, 1989

SW-Fehler im Gepäckabfertigungssystem

ca. 500 Mio USD

Ausfall des AT&T Telefonnetzwerks, 1990 in New York

falscher Schleifenabbruch in C-Programm

ca. 100 Mio USD

Intel Pentium-Prozessor, 1994

fehlerhafte Gleitkomma-division

ca. 500 Mio USD

Crash der Ariane 5 Rakete, 1996

SW-Fehler in Kontrollsoftware

ca. 370 Mio USD

Analyse- und Verifikationsmethoden

- **Peer reviewing:** manuelle Code-Inspektion
- **Testen, Simulation:**
Ausführung des Systems bzw. Modells in ausgewählten Szenarien

Analyse- und Verifikationsmethoden

- **Peer reviewing:** manuelle Code-Inspektion
- **Testen, Simulation:**
Ausführung des Systems bzw. Modells in ausgewählten Szenarien
- **formale Verifikation:**
mathematischer Nachweis ausgewählter Systemeigenschaften

Analyse- und Verifikationsmethoden

- **Peer reviewing:** manuelle Code-Inspektion
- **Testen, Simulation:**
Ausführung des Systems bzw. Modells in ausgewählten Szenarien
- **formale Verifikation:**
mathematischer Nachweis ausgewählter Systemeigenschaften

* erfordert **mathematische Modelle** für das System und die Eigenschaften

Analyse- und Verifikationsmethoden

- **Peer reviewing:** manuelle Code-Inspektion
- **Testen, Simulation:**
Ausführung des Systems bzw. Modells in ausgewählten Szenarien
- **formale Verifikation:**
mathematischer Nachweis ausgewählter Systemeigenschaften

- * erfordert mathematische Modelle für das System und die Eigenschaften
- * **interaktiv** mit Hilfe eines **Theorembeweislers**
- * **algorithmisch** mit Hilfe eines **Model Checkers**

Model Checking:

algorithmische Verifikationsmethode
für parallele Systeme

- **Automatenmodell** für das System
kompositionelle Modellkonstruktion mit Operatoren für Kommunikation, Synchronisation, etc.
- **logische Formeln** für die Anforderungen
temporale und modale Logiken

ACM Turing Award 2007

Edmund M. Clarke	CMU, Pittsburgh
Allen E. Emerson	Texas at Austin University
Joseph Sifakis	IMAG Grenoble, Frankreich

Jury Entscheidung:

*... for their roles in developing **model checking** into a highly effective verification technology, widely adopted in the hardware and software industries ...*

Weitere Prominenz

weitere Turing Award Gewinner aus dem Gebiet
“Formale Methoden”:

Edsger Dijkstra	1972	Programmiersprachen
Donald Knuth	1974	Analyse von Algorithmen
Michael Rabin	1976	Automatentheorie
Dana Scott		
Tony Hoare	1980	Programmverifikation
Stephen Cook	1982	Komplexitätstheorie
Robin Milner	1991	Theorie paralleler Systeme
Amir Pnueli	1996	temporale Logik

Beispiel: paralleles Programm

paralleles Programm *Inc* || *Dec* || *Reset*

mit gemeinsamer Integer-Variable *x*

Beispiel: paralleles Programm

```
WHILE true DO  
    IF  $x < 10$  THEN  $x := x+1$  FI  
OD
```

Prozess *Inc*

```
WHILE true DO  
    IF  $x > 0$  THEN  $x := x-1$  FI  
OD
```

Prozess *Dec*

```
WHILE true DO  
    IF  $x = 10$  THEN  $x := 0$  FI  
OD
```

Prozess *Reset*

initial: $x = 1$

Beispiel: paralleles Programm

```
WHILE true DO  
    IF  $x < 10$  THEN  $x := x+1$  FI  
OD
```

Prozess *Inc*

```
WHILE true DO  
    IF  $x > 0$  THEN  $x := x-1$  FI  
OD
```

Prozess *Dec*

```
WHILE true DO  
    IF  $x = 10$  THEN  $x := 0$  FI  
OD
```

Prozess *Reset*

Gilt für *Inc* || *Dec* || *Reset* immer $0 \leq x \leq 10$?

initial: $x = 1$

Beispiel: paralleles Programm

```
WHILE true DO  
    IF  $x < 10$  THEN  $x := x+1$  FI  
OD
```

Prozess *Inc*

```
WHILE true DO  
    IF  $x > 0$  THEN  $x := x-1$  FI  
OD
```

Prozess *Dec*

```
WHILE true DO  
    IF  $x = 10$  THEN  $x := 0$  FI  
OD
```

Prozess *Reset*

Gilt für *Inc* || *Dec* || *Reset* immer $0 \leq x \leq 10$?

Antwort: **nein** initial: $x = 1$

Beispiel: paralleles Programm

initial: $x = 1$
Inc $x < 10 ?$ ja
Inc $x = 2$
Inc $x < 10 ?$ ja
Inc $x = 3$
 \vdots \vdots
Inc $x = 10$

Beispiel: paralleles Programm

initial: $x = 1$
Inc $x < 10 ?$ ja
Inc $x = 2$
Inc $x < 10 ?$ ja
Inc $x = 3$
 \vdots $\quad \quad \quad \vdots$
Inc $x = 10$
Dec $x > 0 ?$ ja
Reset $x = 10 ?$ ja

Beispiel: paralleles Programm

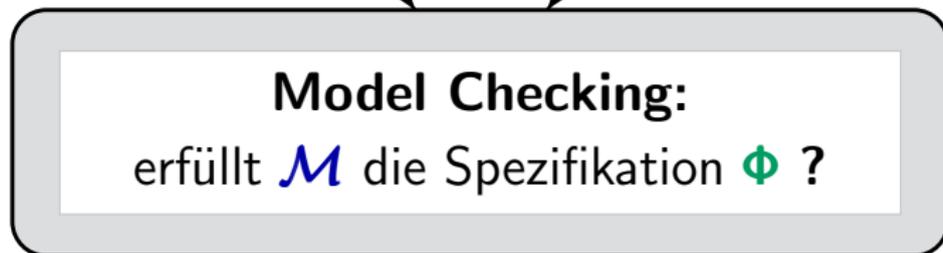
initial: $x = 1$
Inc $x < 10$? ja
Inc $x = 2$
Inc $x < 10$? ja
Inc $x = 3$
⋮ ⋮
Inc $x = 10$
Dec $x > 0$? ja
Reset $x = 10$? ja
Reset $x = 0$
Dec $x = -1$

Model Checking

paralleles System



Anforderungen



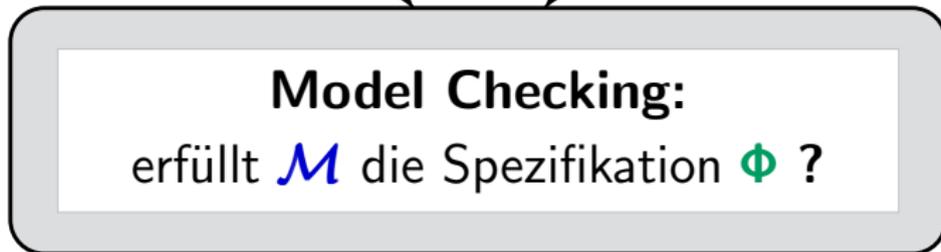
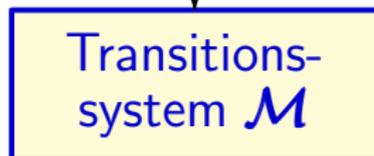
nein

ja

Model Checking

paralleles System

Anforderungen



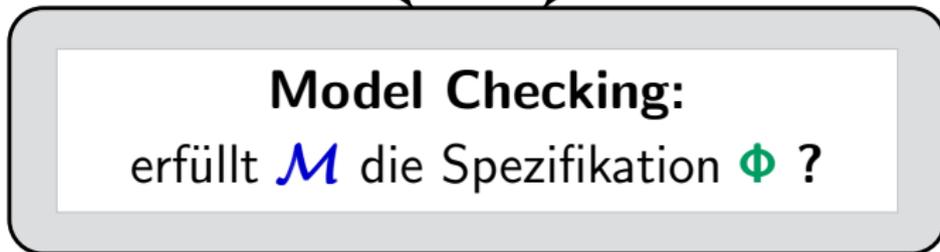
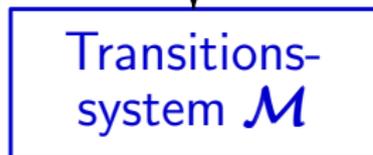
nein

ja

Model Checking

paralleles System

Anforderungen



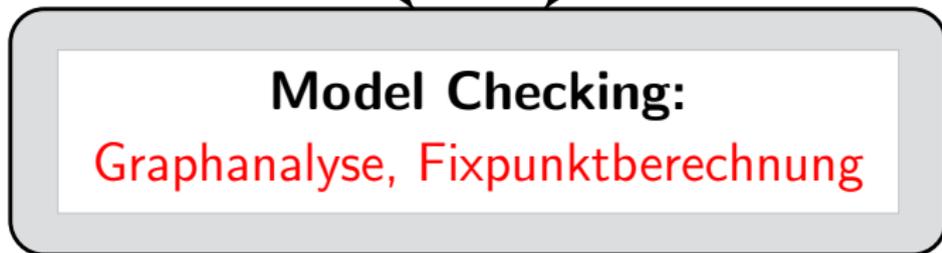
nein

ja

Model Checking

paralleles System

Anforderungen



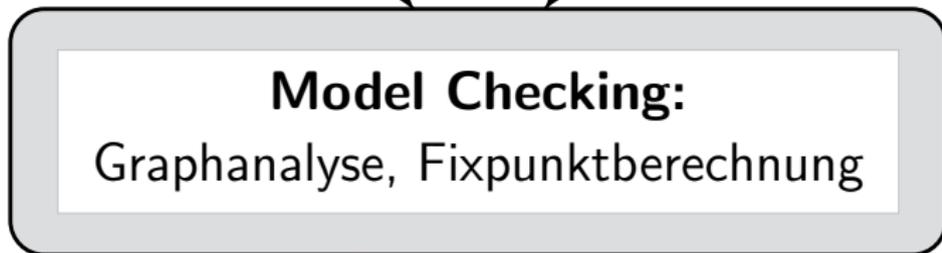
nein

ja

Model Checking

paralleles System

Anforderungen



nein + Fehlerhinweis

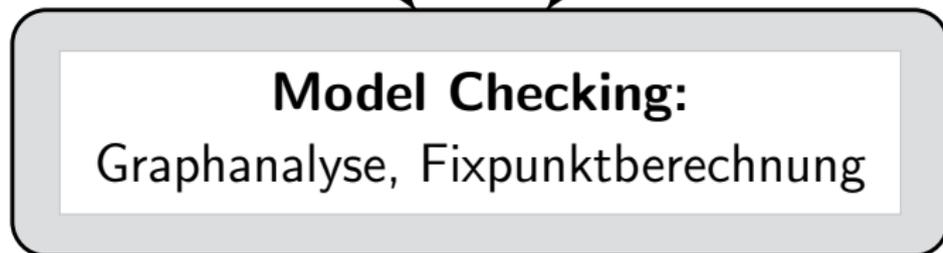
ja

Model Checking

paralleles System



Anforderungen



nein + Fehlerhinweis

ja

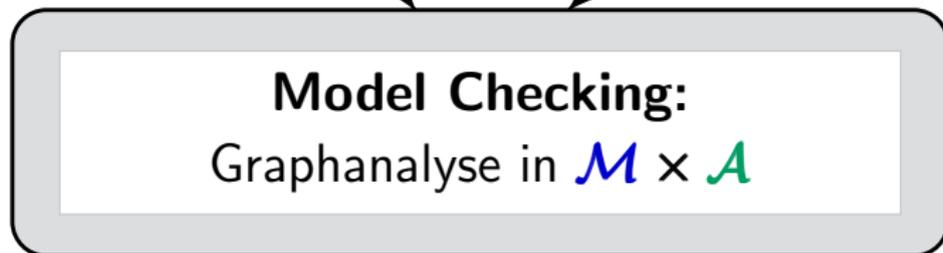
Model Checking

paralleles System



Anforderungen

temporale Formel



nein + Fehlerhinweis

ja

Model Checking

paralleles System

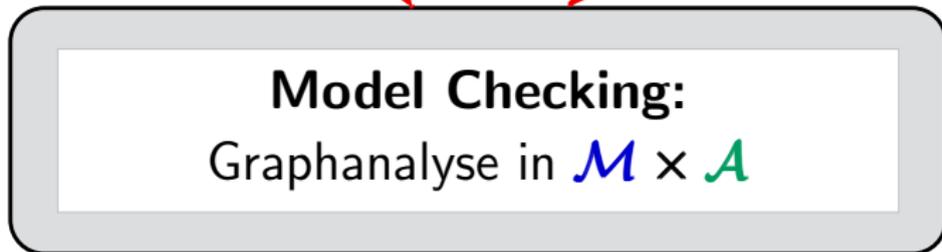


Anforderungen

temporale Formel



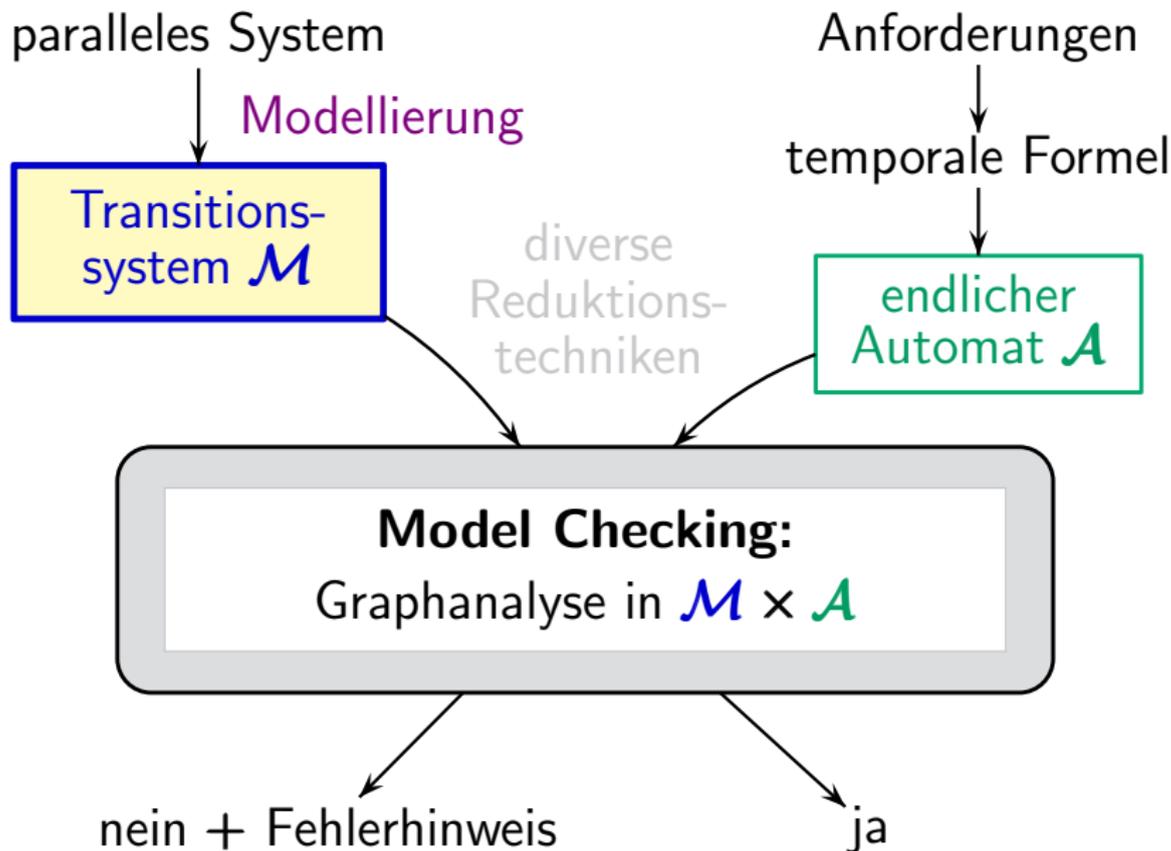
diverse
Reduktions-
techniken



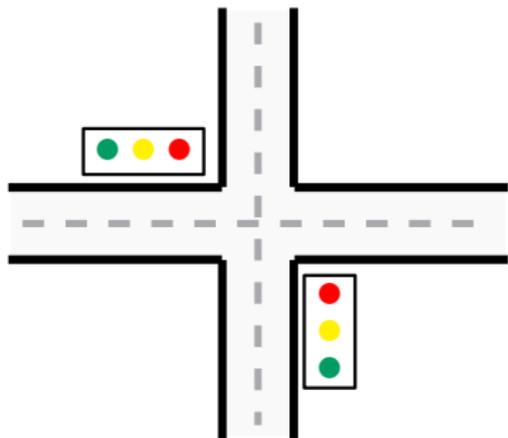
nein + Fehlerhinweis

ja

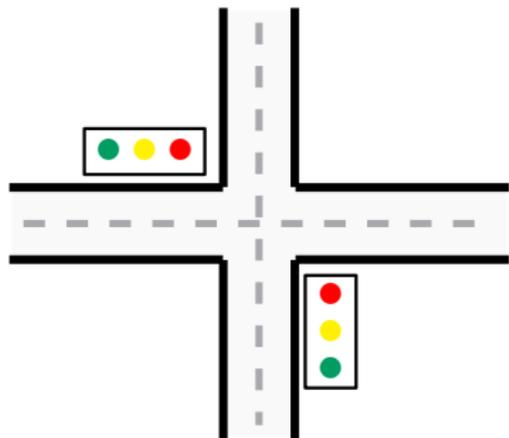
Model Checking



Beispiel: Ampelsystem



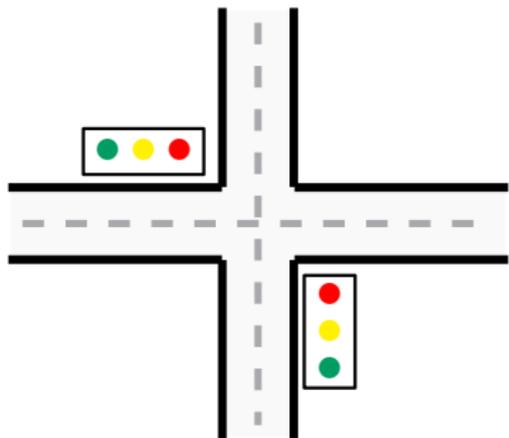
Beispiel: Ampelsystem



paralleles System:

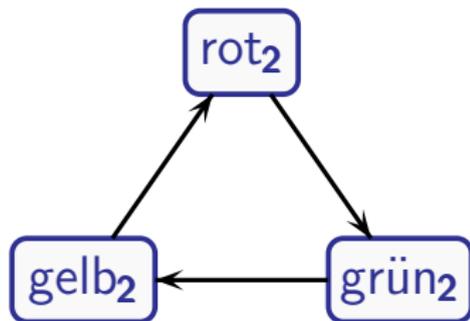
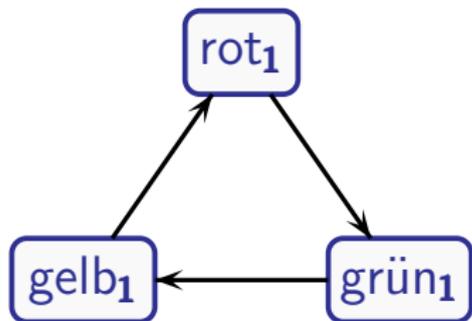
Ampel₁ || Controller || Ampel₂

Beispiel: Ampelsystem

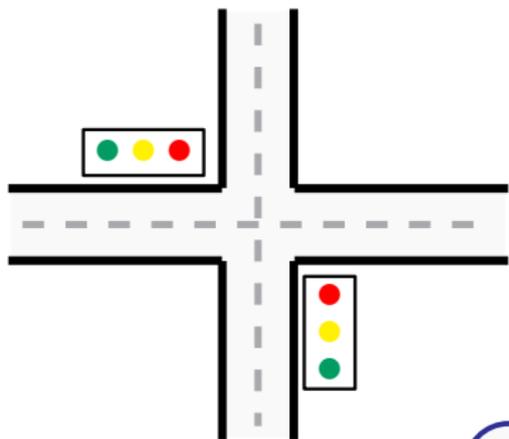


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

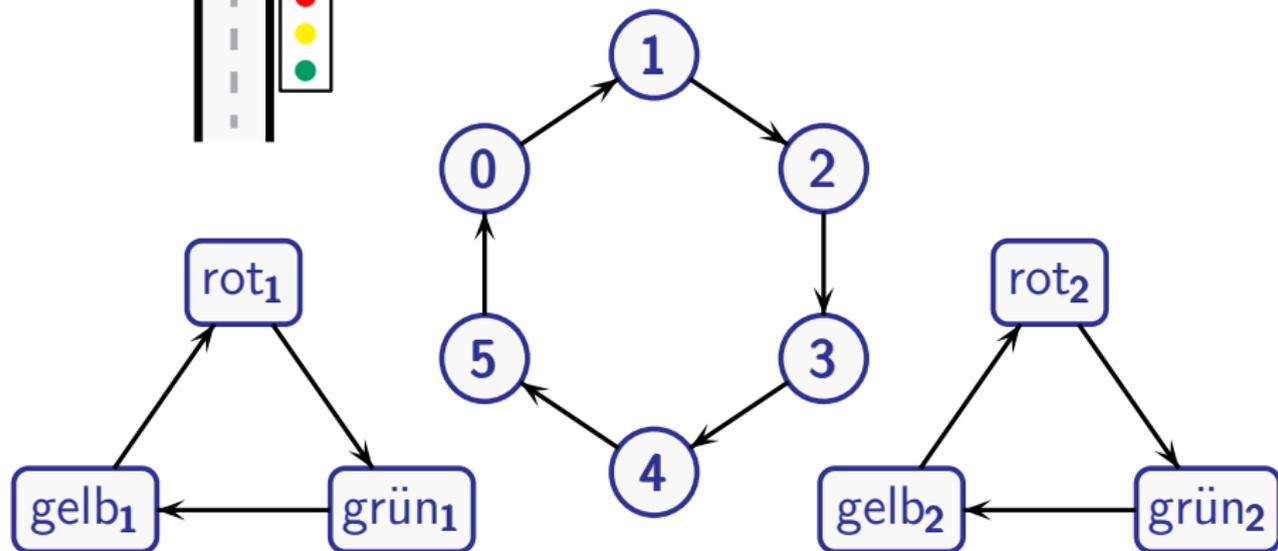


Beispiel: Ampelsystem

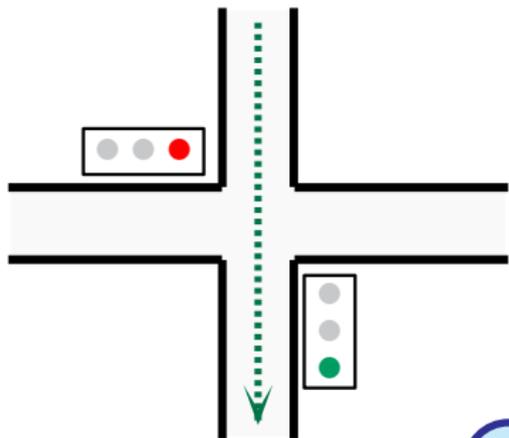


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

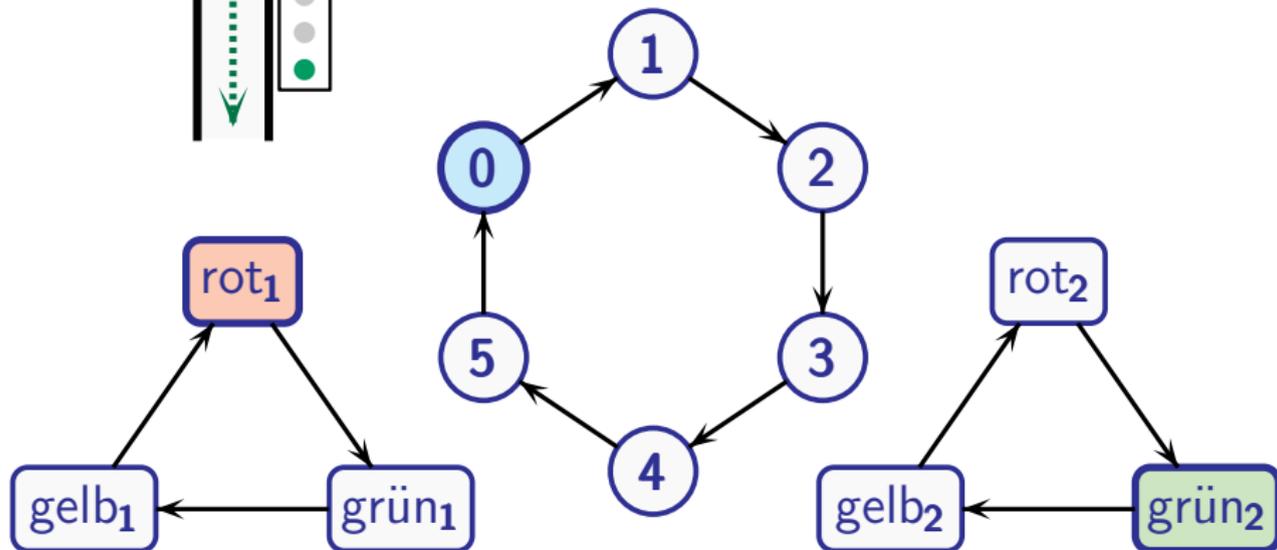


Beispiel: Ampelsystem

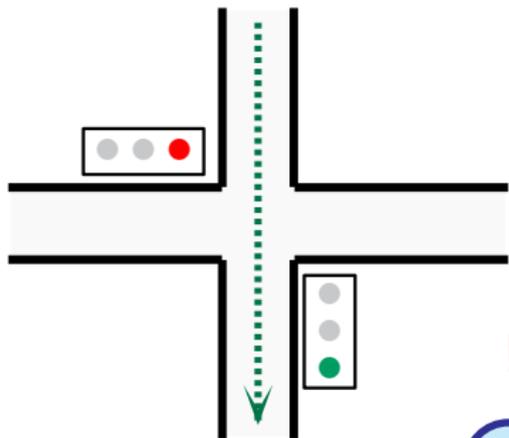


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

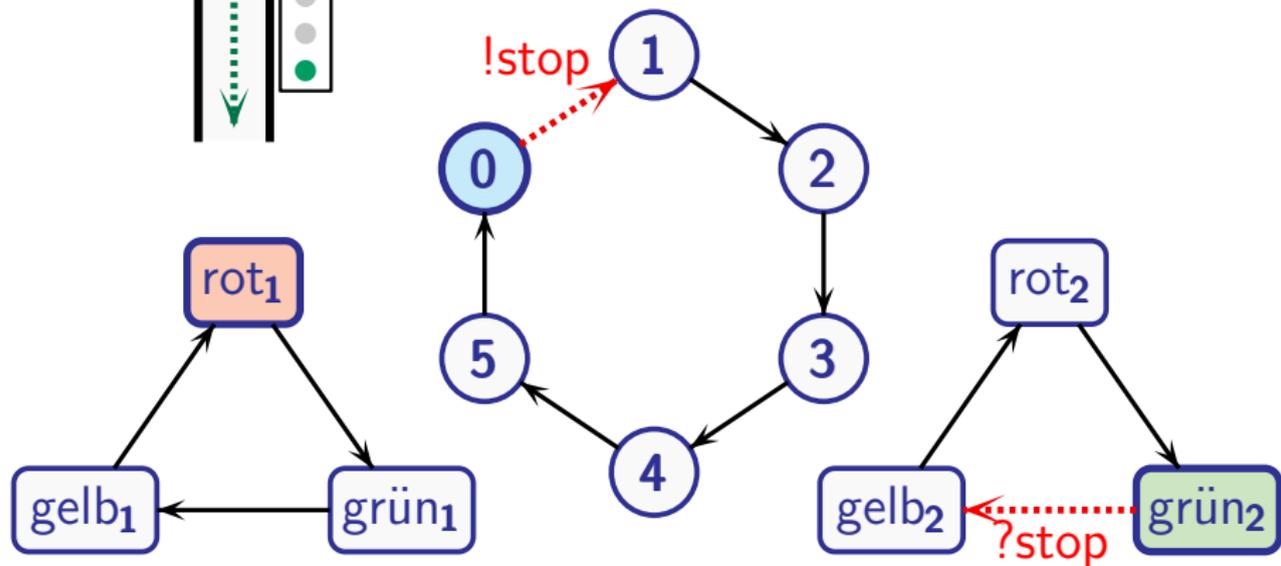


Beispiel: Ampelsystem

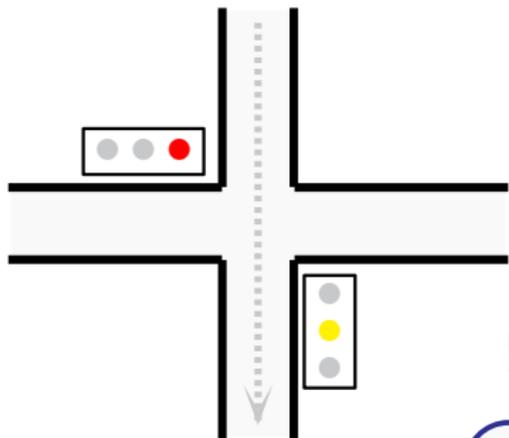


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

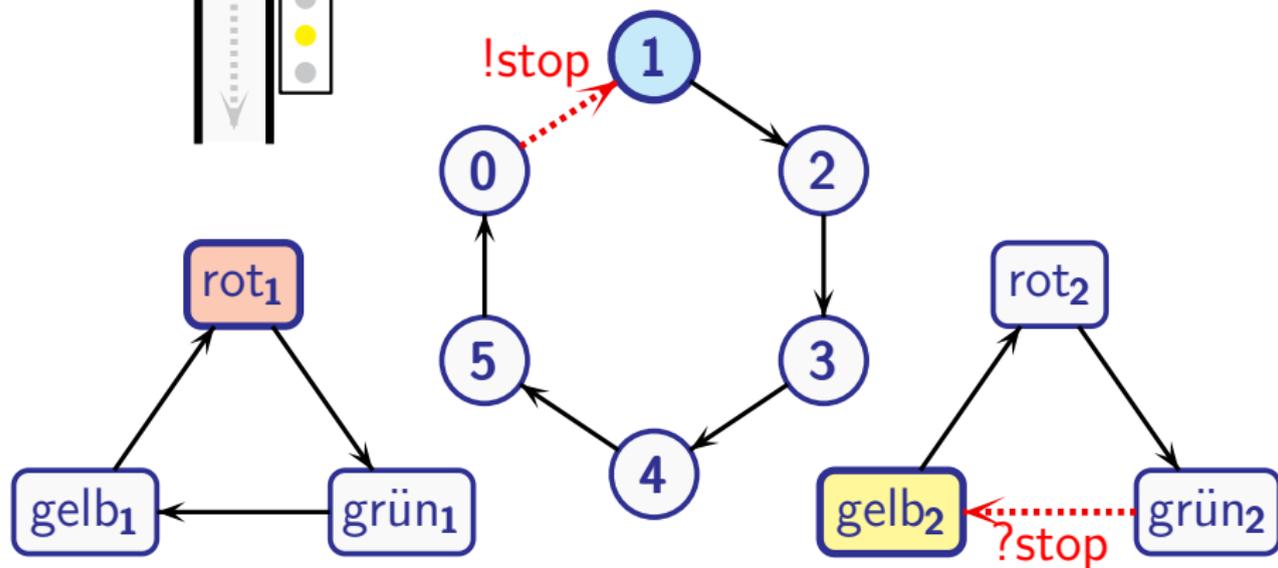


Beispiel: Ampelsystem

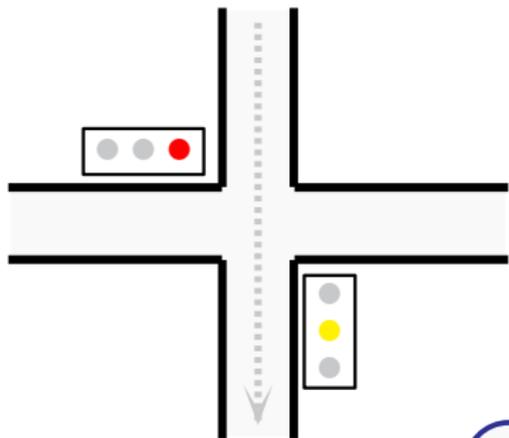


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

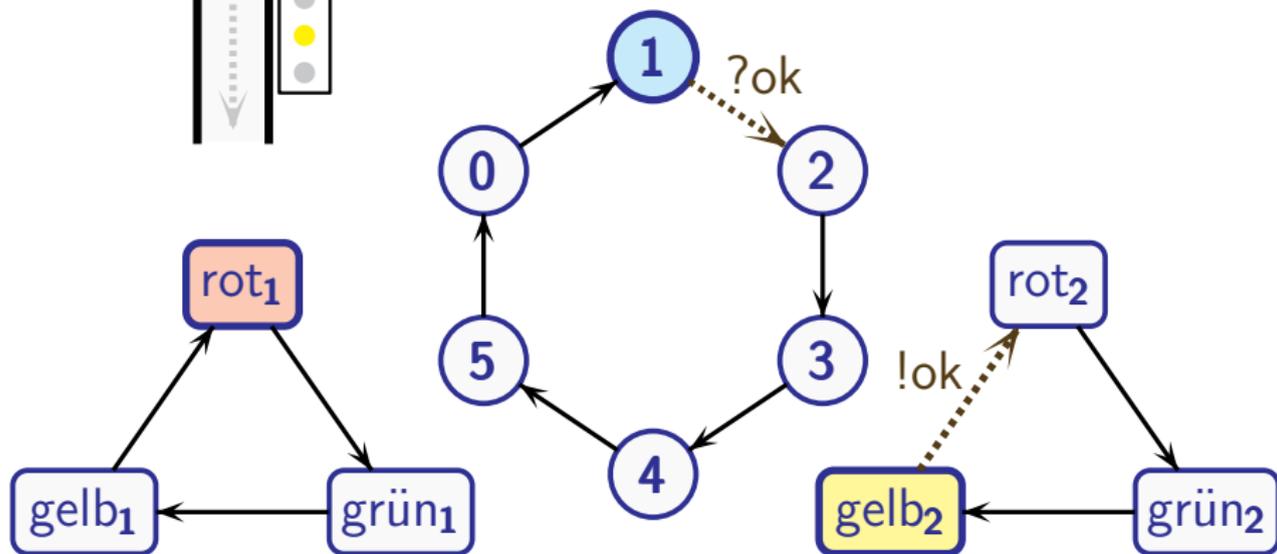


Beispiel: Ampelsystem

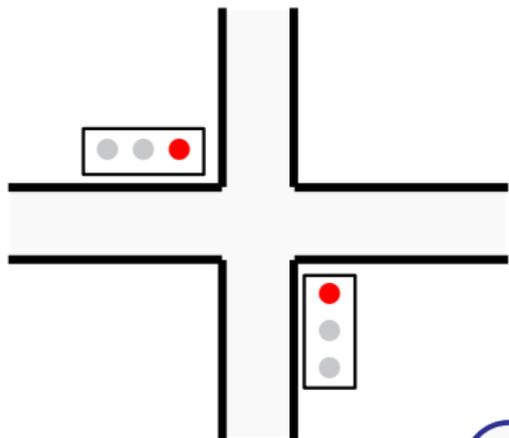


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

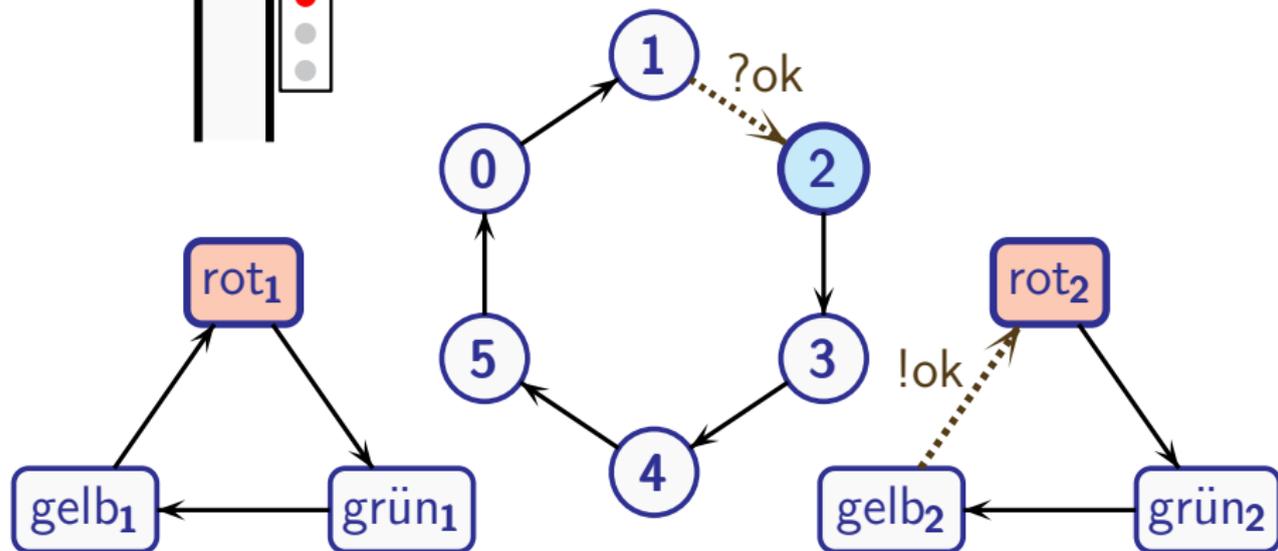


Beispiel: Ampelsystem

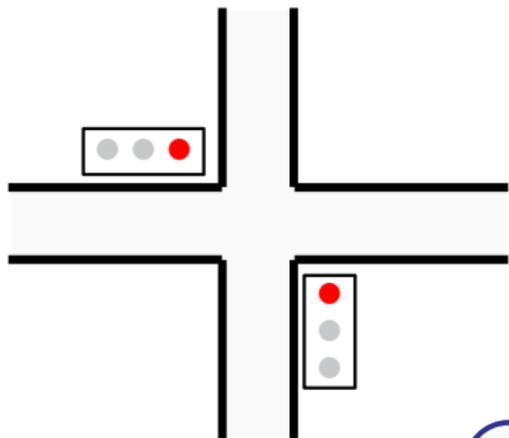


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

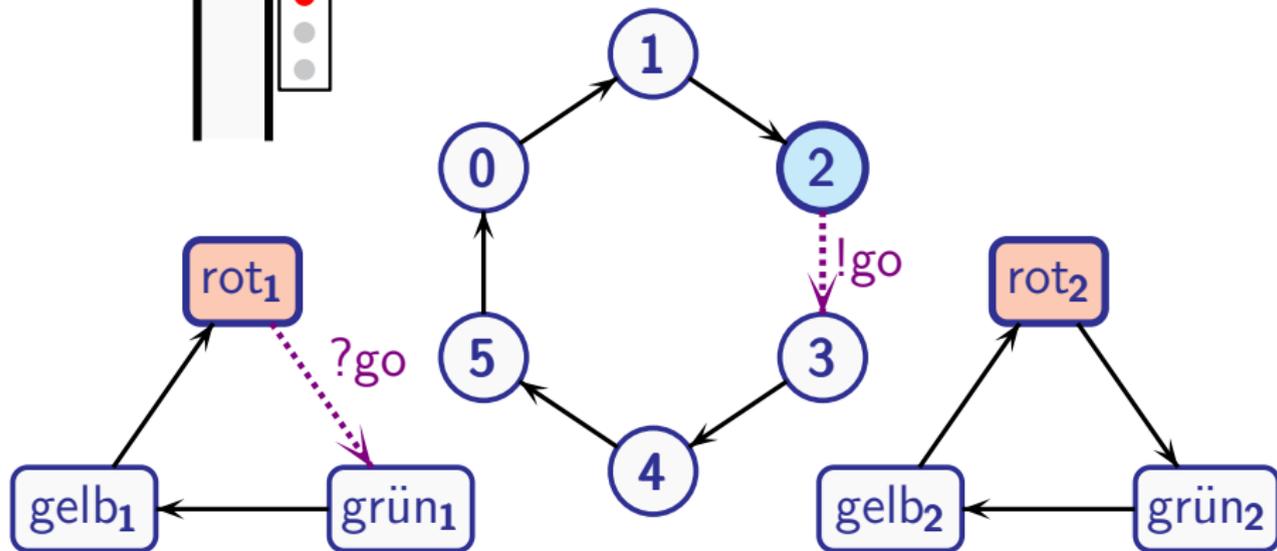


Beispiel: Ampelsystem

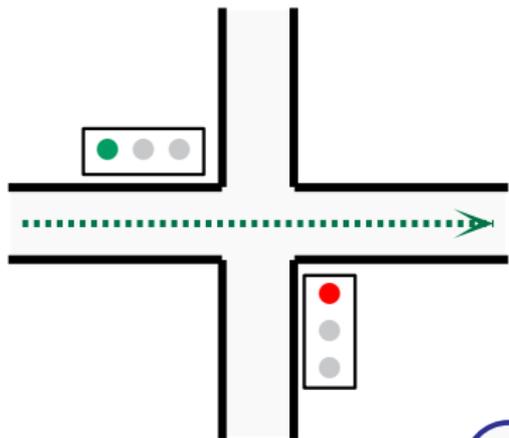


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

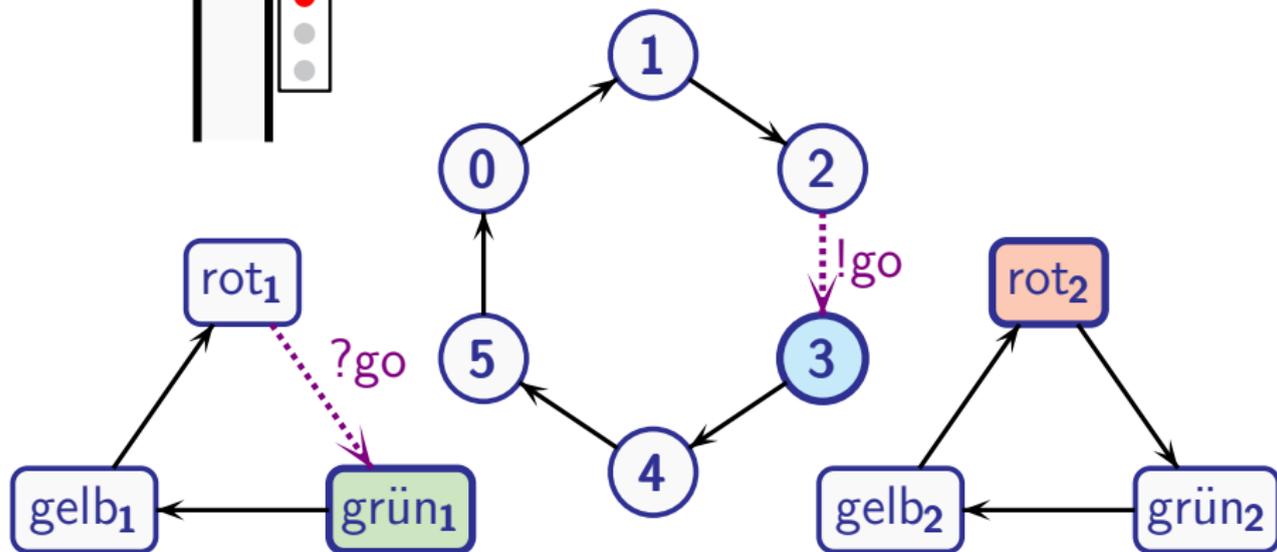


Beispiel: Ampelsystem

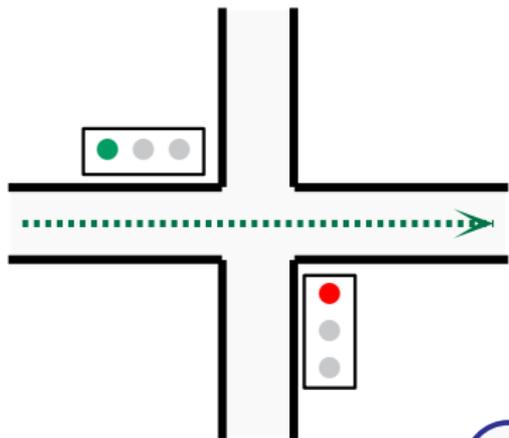


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

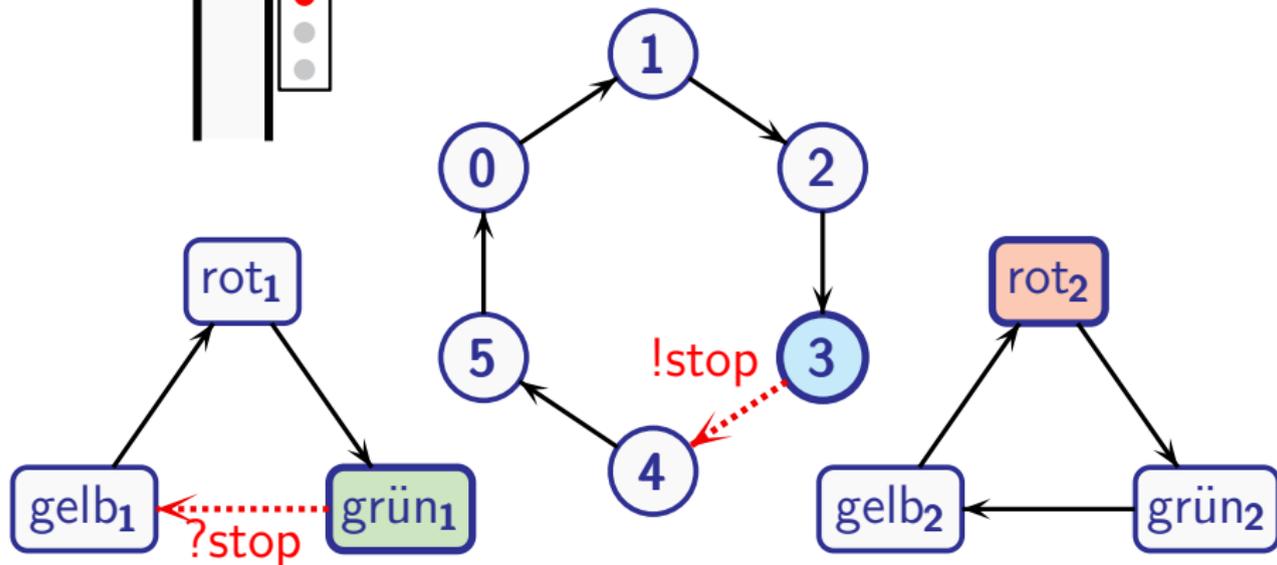


Beispiel: Ampelsystem

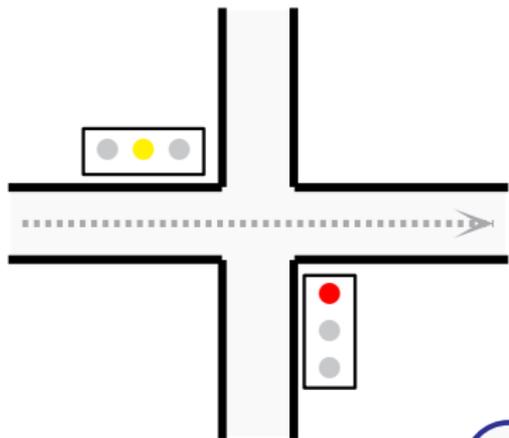


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

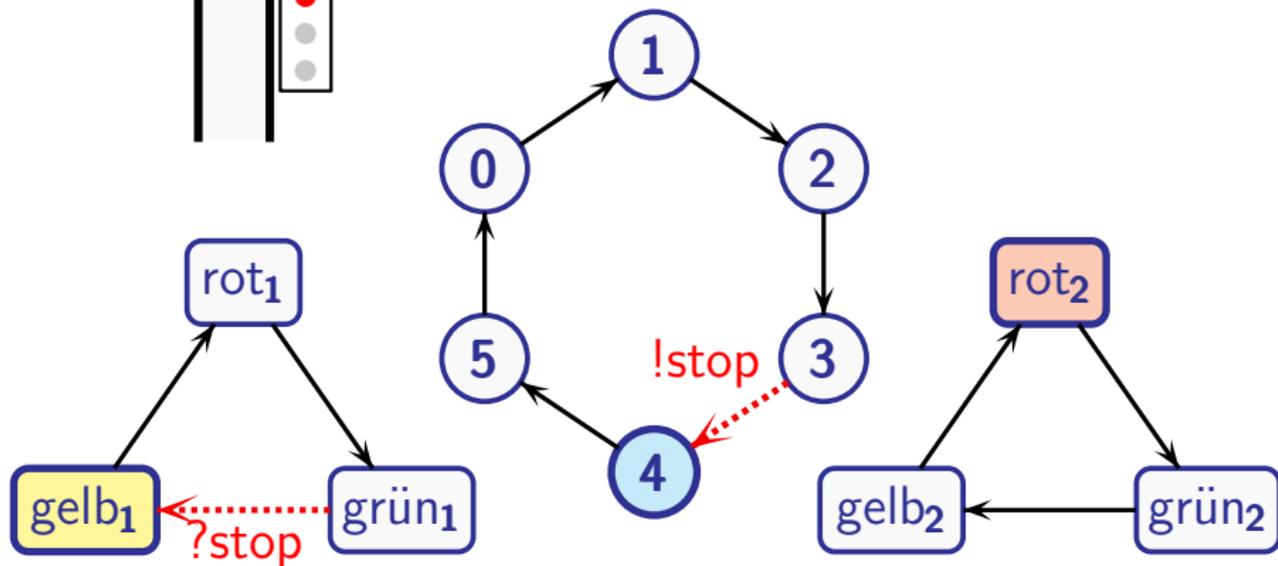


Beispiel: Ampelsystem

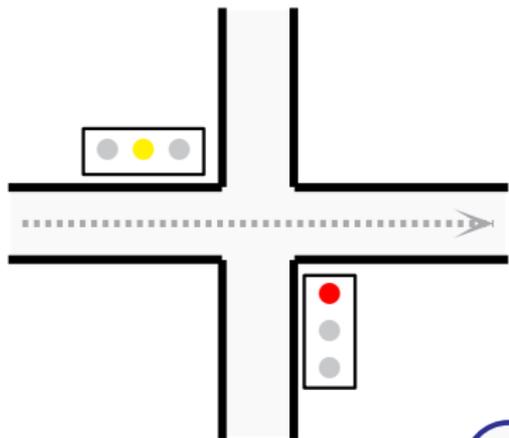


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

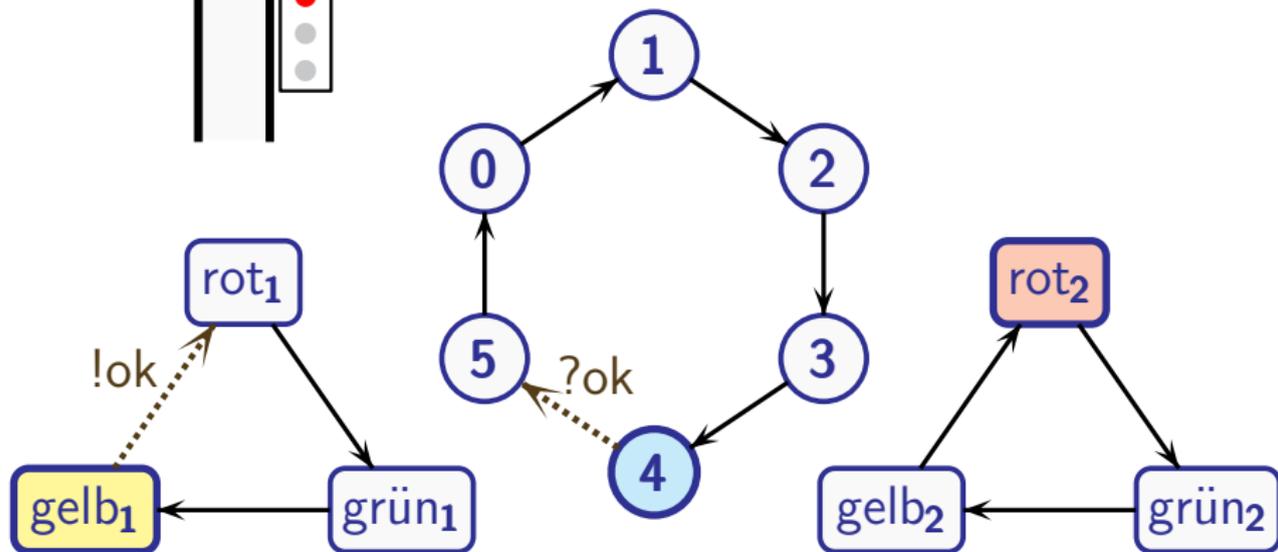


Beispiel: Ampelsystem

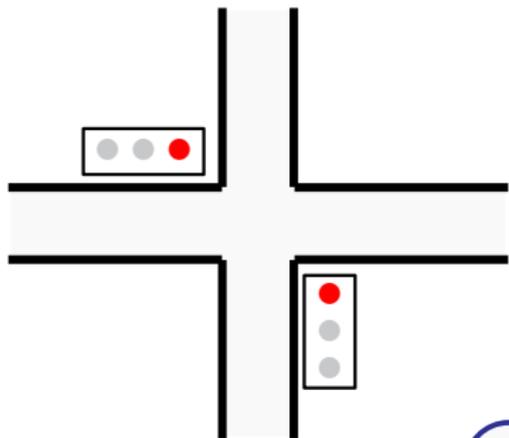


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

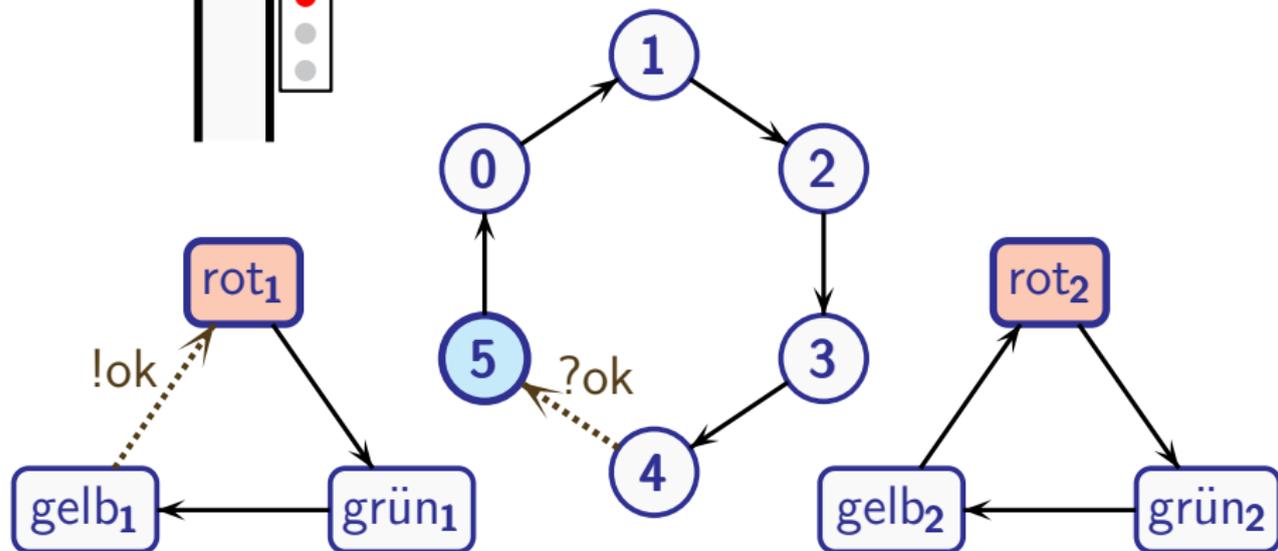


Beispiel: Ampelsystem

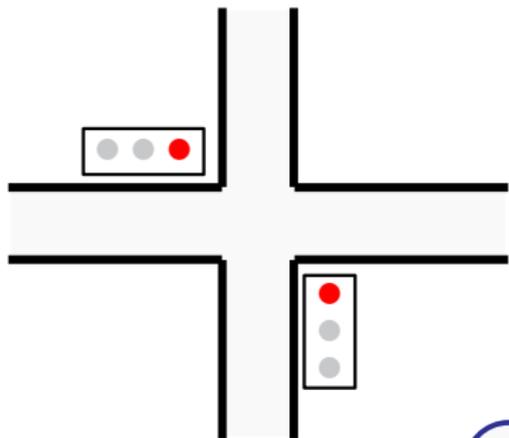


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

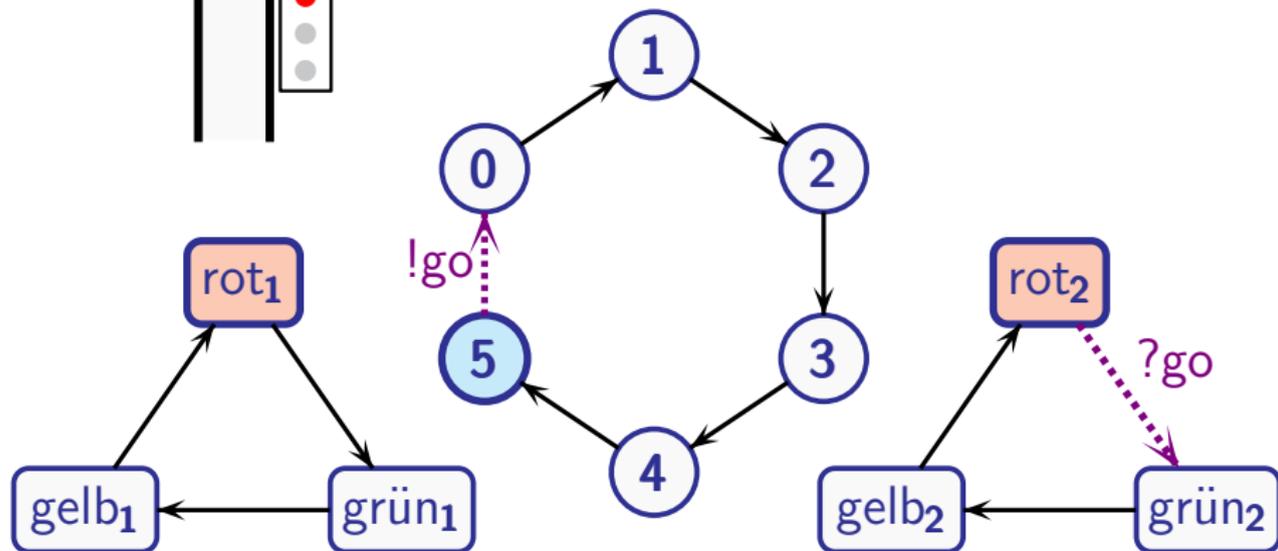


Beispiel: Ampelsystem

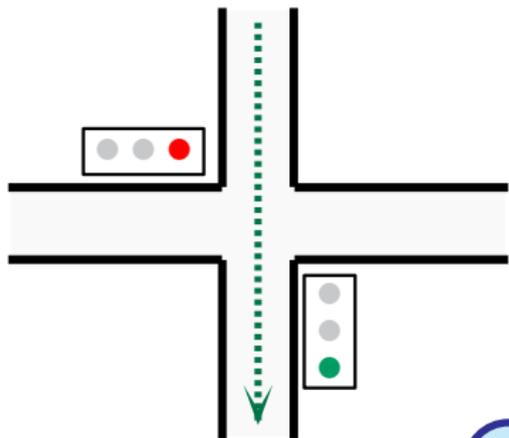


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

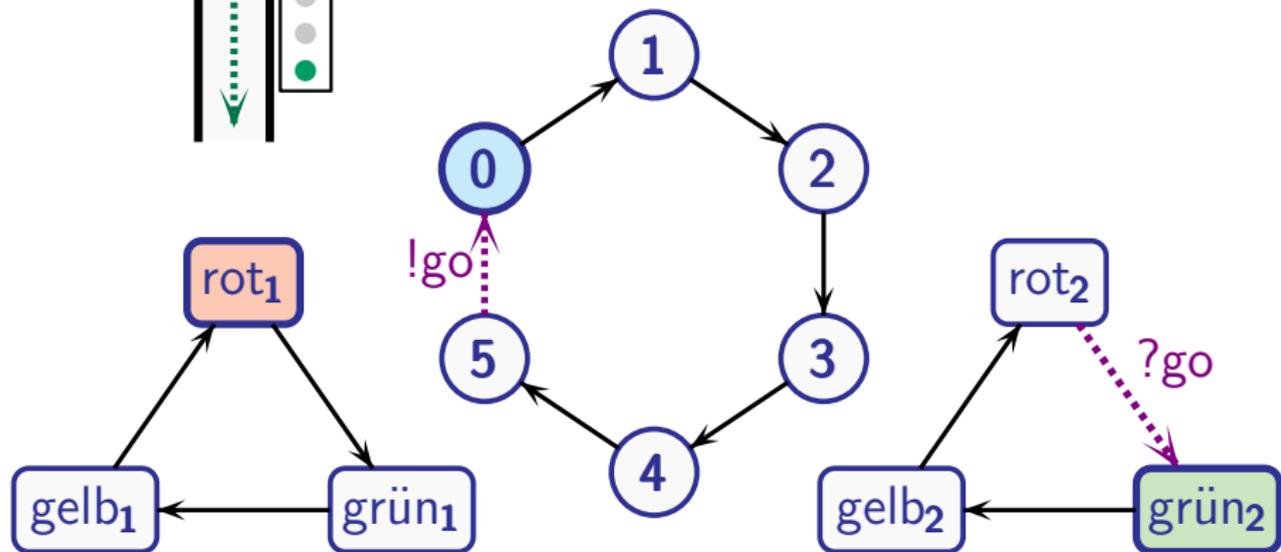


Beispiel: Ampelsystem

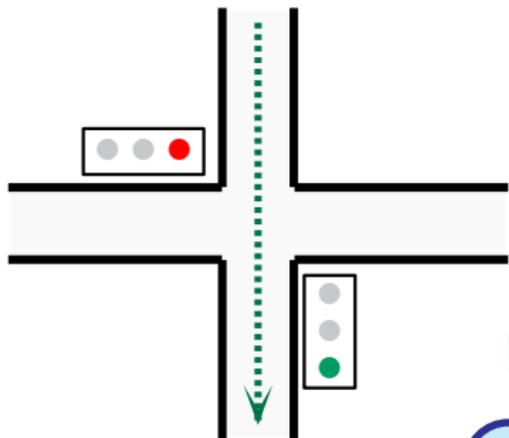


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

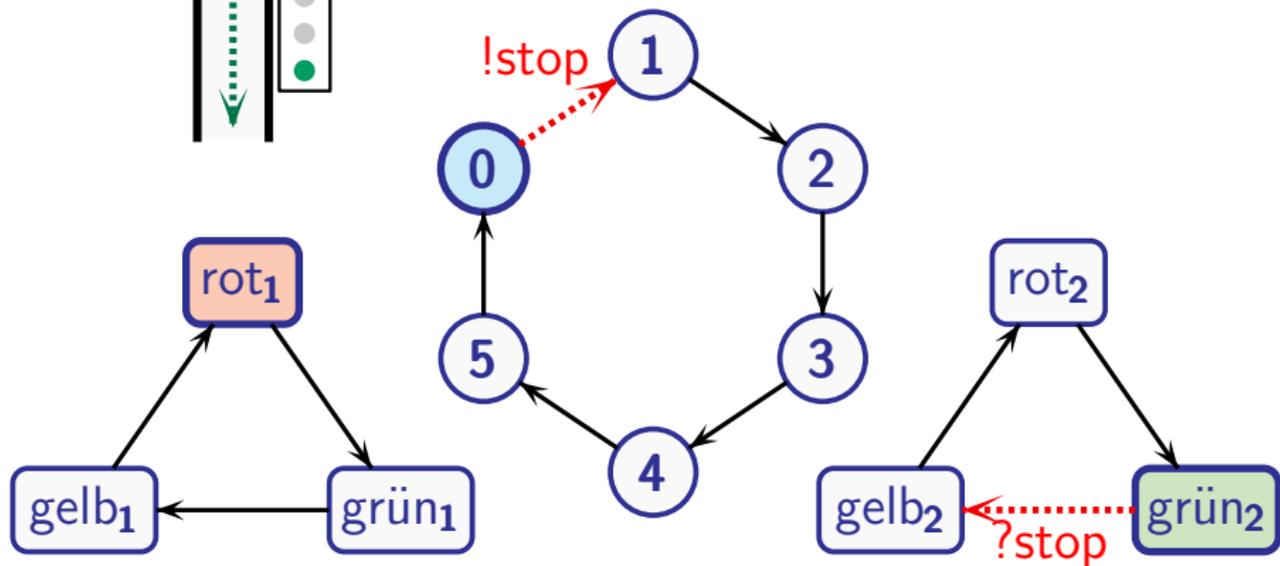


Beispiel: Ampelsystem

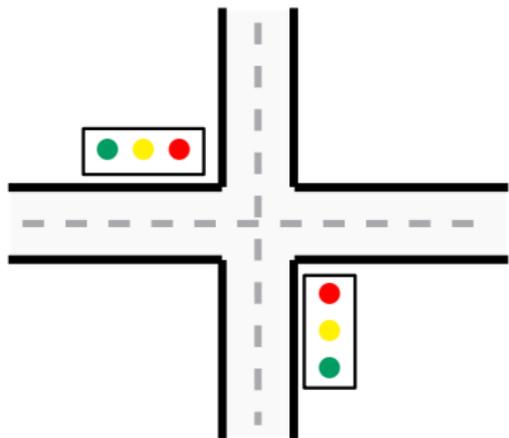


paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$



Beispiel: Ampelsystem



paralleles System:

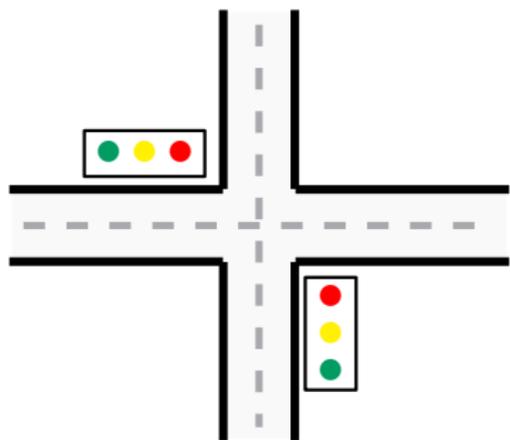
$Ampel_1 \parallel Controller \parallel Ampel_2$

gewünschte Systemeigenschaften:

Sicherheit: die beiden Ampeln sind niemals gleichzeitig grün

Lebendigkeit: jede Ampel wird irgendwann grün

Beispiel: Ampelsystem



paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

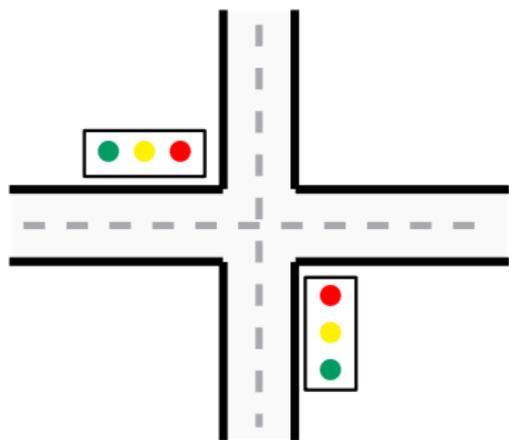
gewünschte Systemeigenschaften:

Sicherheit: die beiden Ampeln sind niemals gleichzeitig grün

Lebendigkeit: jede Ampel wird irgendwann grün

... wann ? was ist die durchschnittliche Wartezeit ?

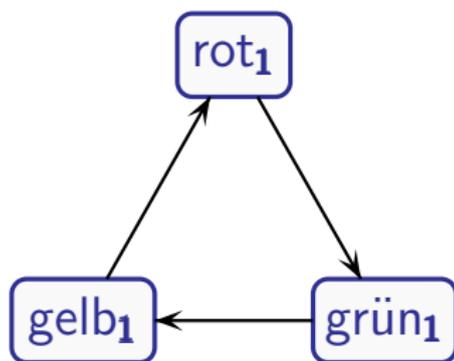
Echtzeitvariante der Ampel



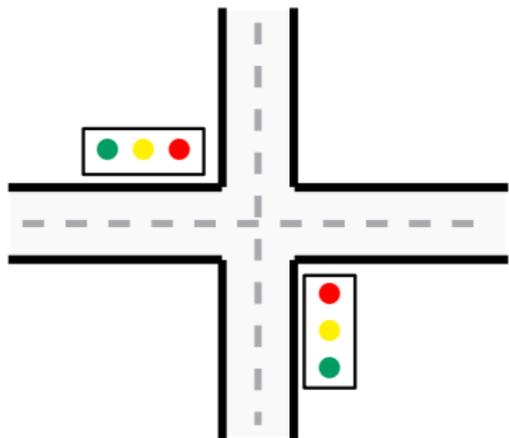
paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

↑
Modellierung
mit Annahmen zum
Echtzeitverhalten



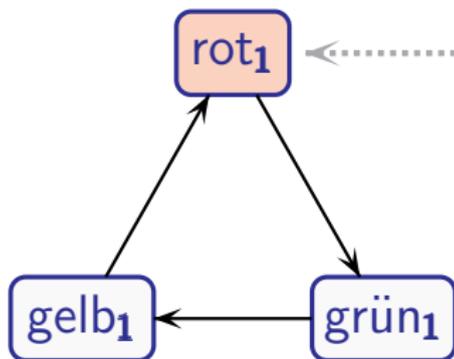
Echtzeitvariante der Ampel



paralleles System:

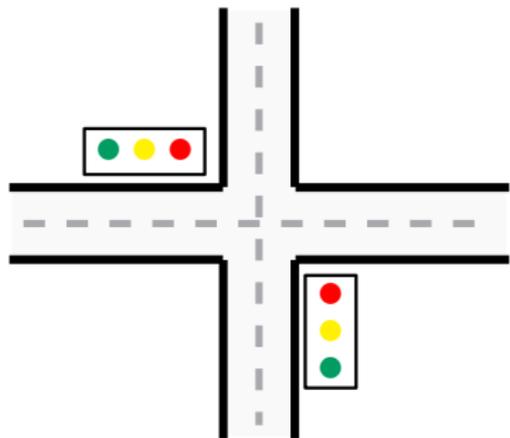
$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

↑
Modellierung
mit Annahmen zum
Echtzeitverhalten



Verweildauer zwischen 2 und 3 min

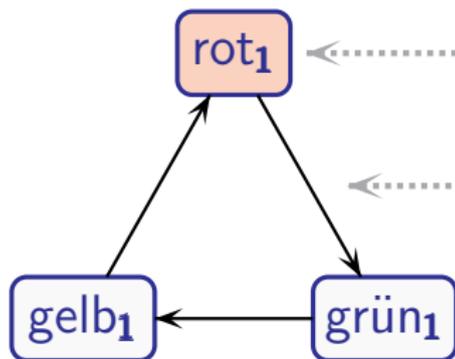
Echtzeitvariante der Ampel



paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

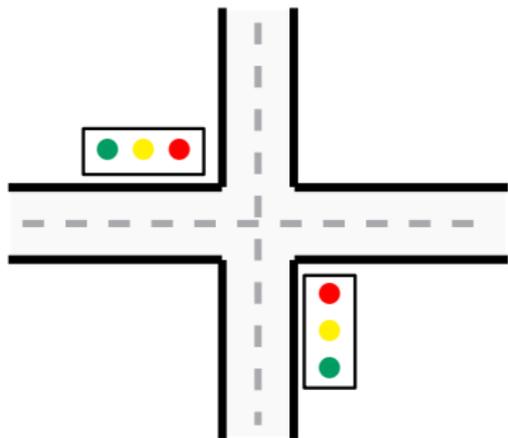
↑
Modellierung
mit Annahmen zum
Echtzeitverhalten



Verweildauer zwischen 2 und 3 min

Verzögerung 1 sec

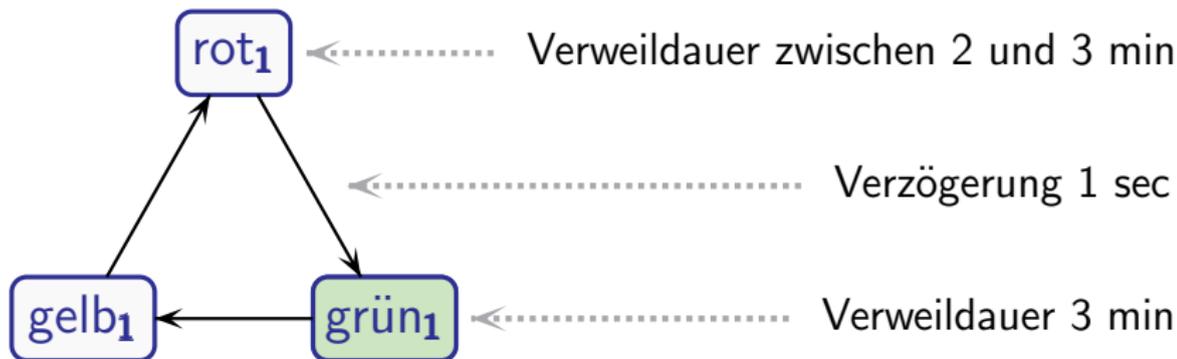
Echtzeitvariante der Ampel



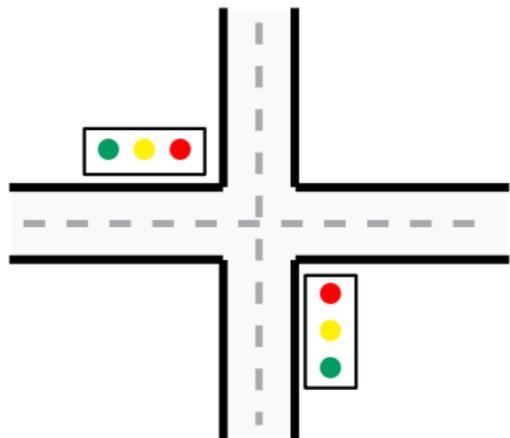
paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

↑
Modellierung
mit Annahmen zum
Echtzeitverhalten

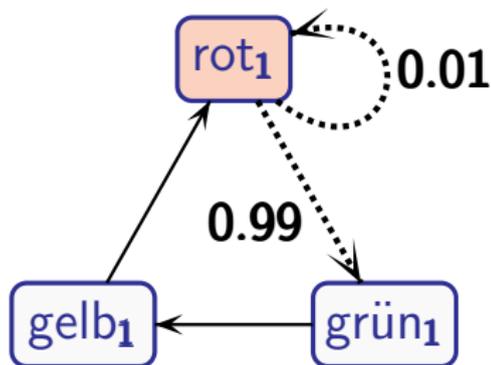
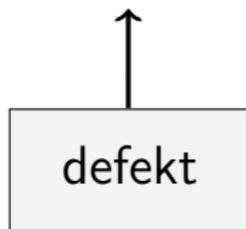


Defekte Ampel



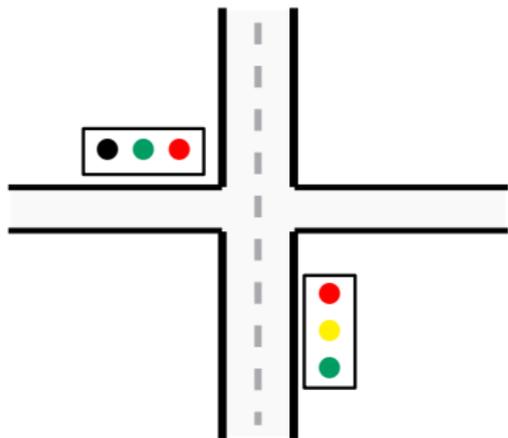
paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$



probabilistisches Modell für Fehlerwahrscheinlichkeit $\frac{1}{100}$

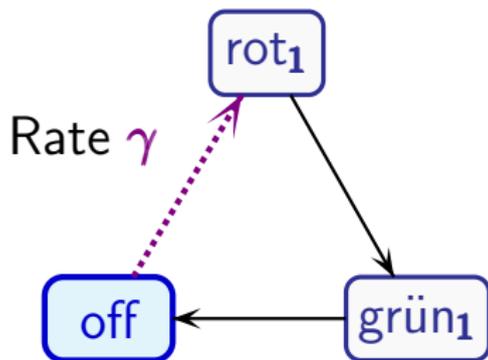
Fußgängerampel im Normalzustand "off"



paralleles System:

$Ampeh_1 \parallel Controller \parallel Ampeh_2$

Fußgängerampel
mit Bedarfsknopf

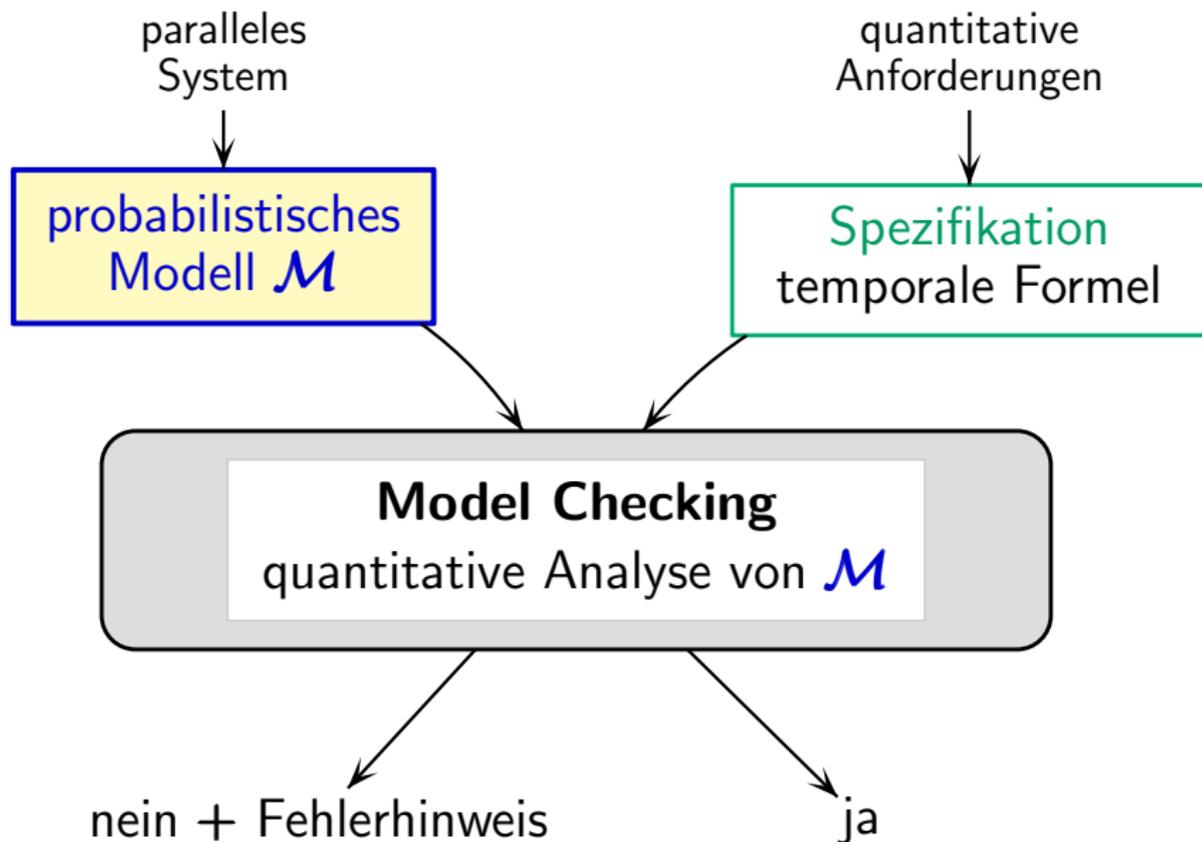


durchschnittlich:

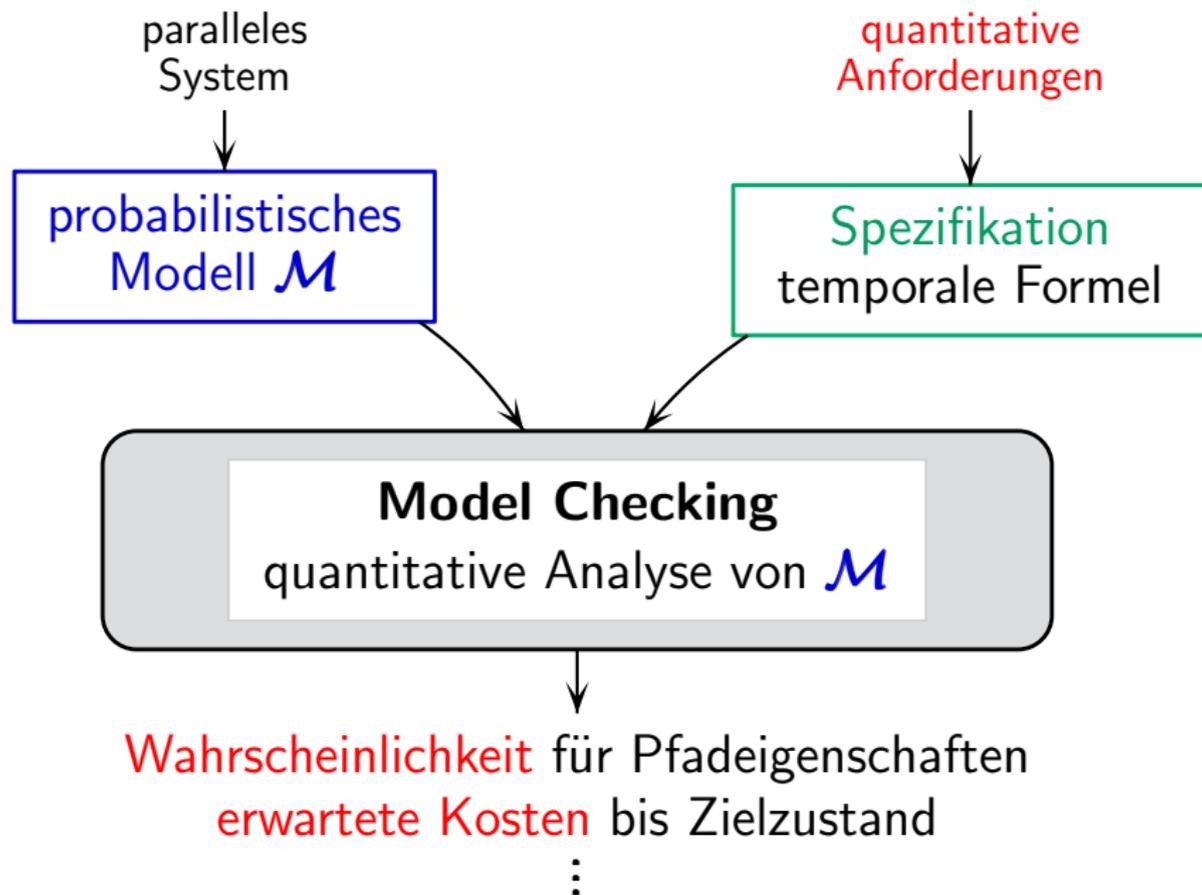
γ Fußgänger-Requests
pro Zeiteinheit

Exponentialverteilung

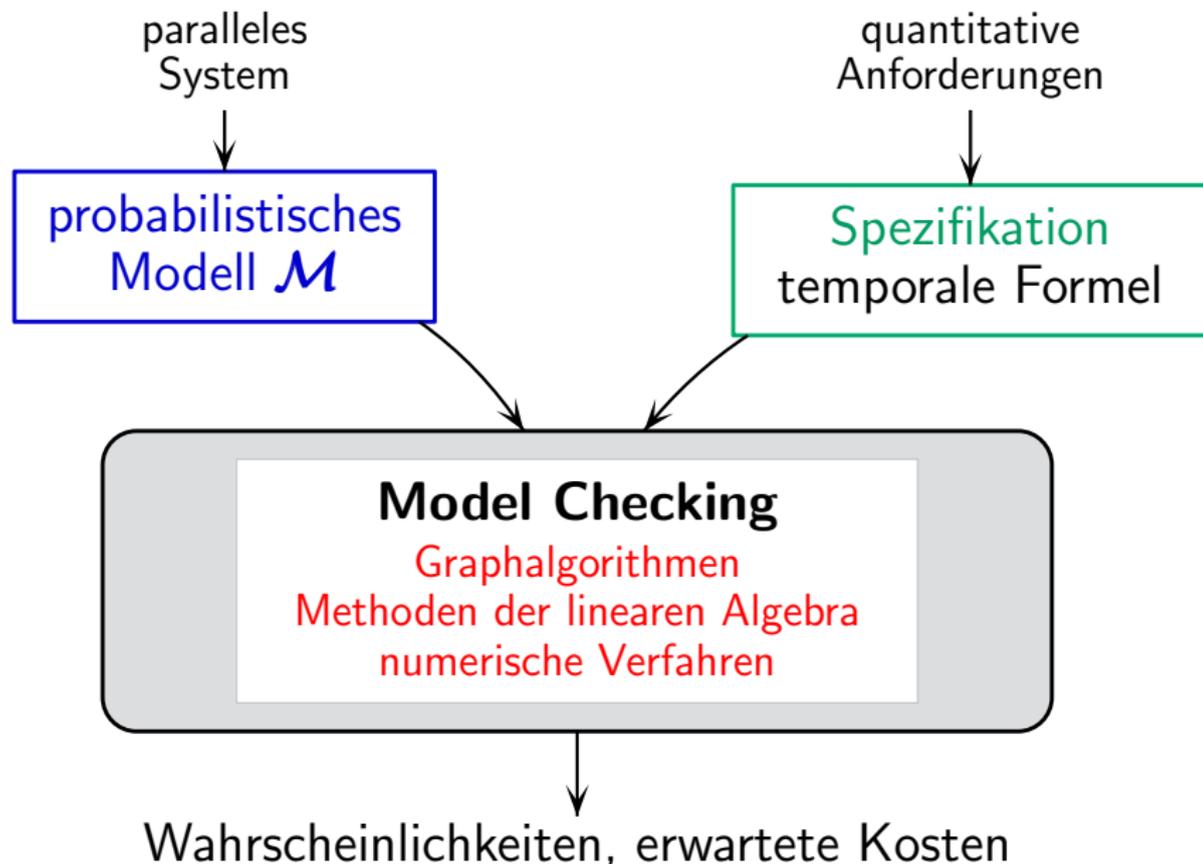
Probabilistisches Model Checking



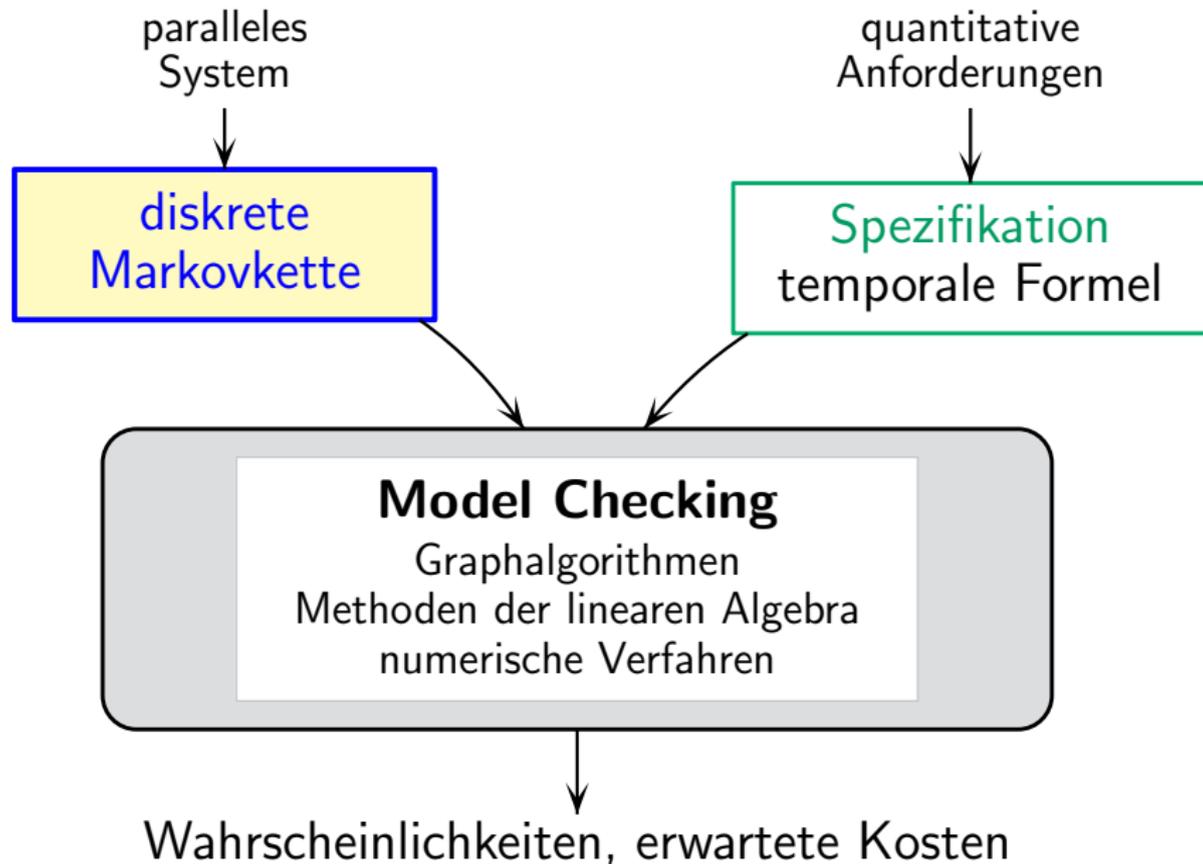
Probabilistisches Model Checking



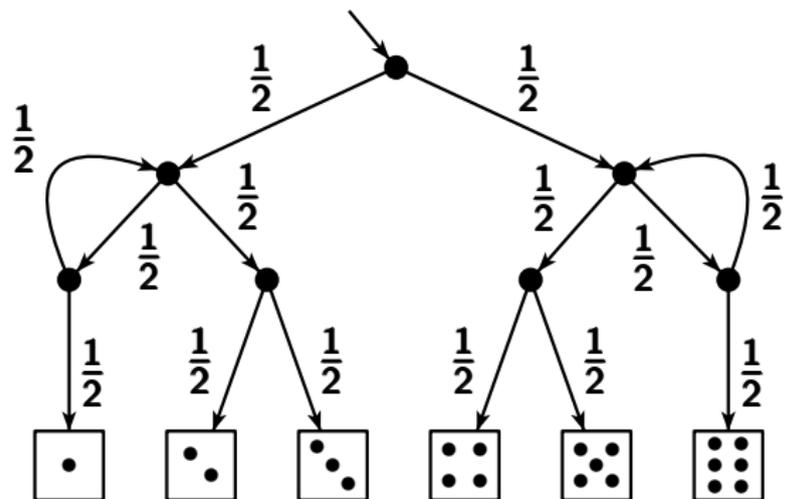
Probabilistisches Model Checking



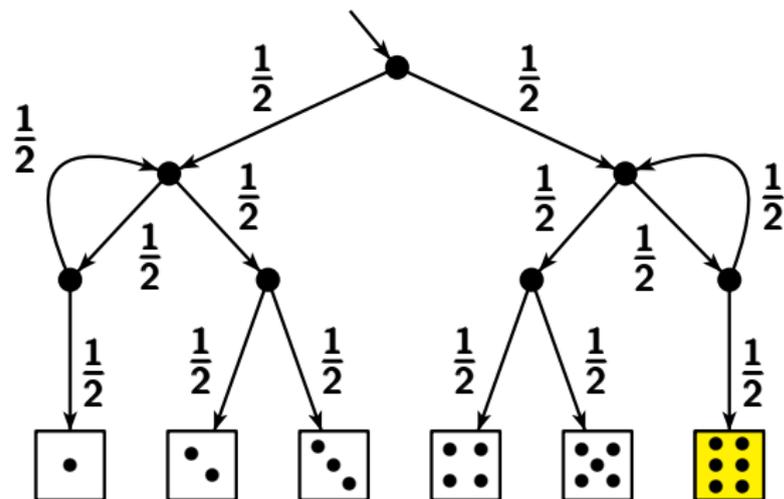
Probabilistisches Model Checking



Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

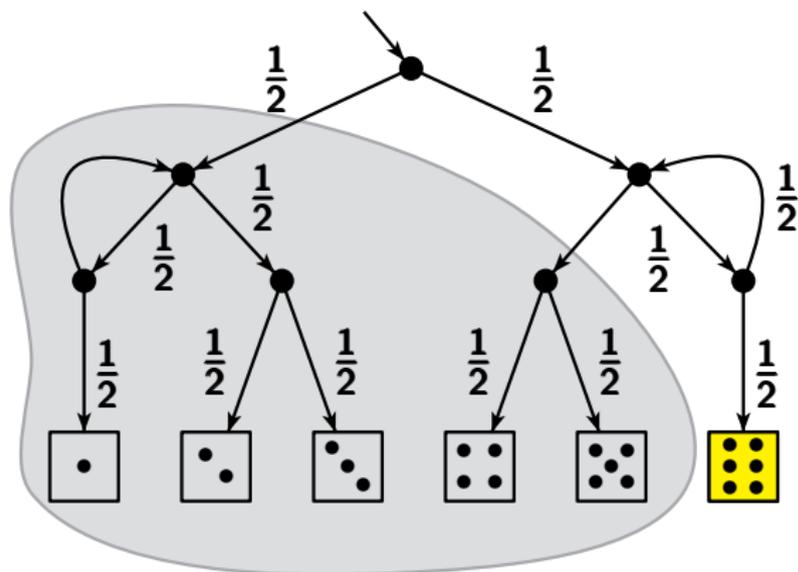


Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]



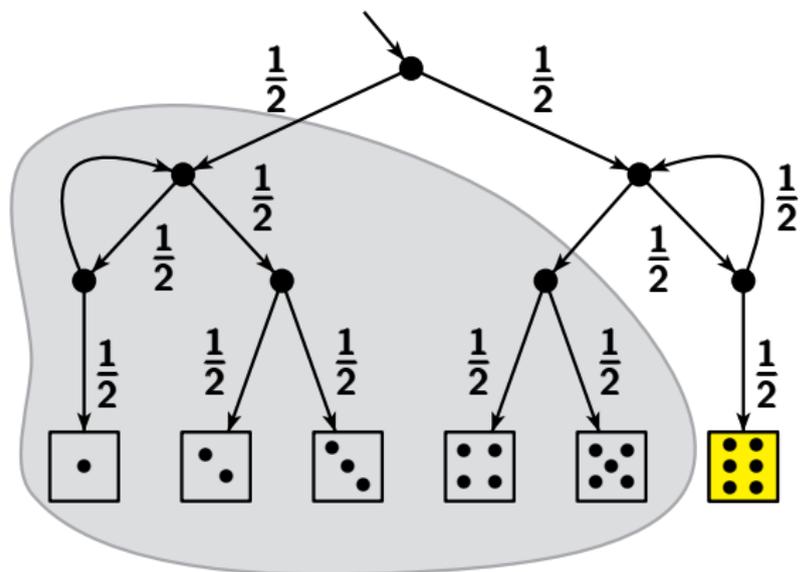
berechne die Wahrscheinlichkeit für
das Würfelergebnis "sechs"

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]



Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

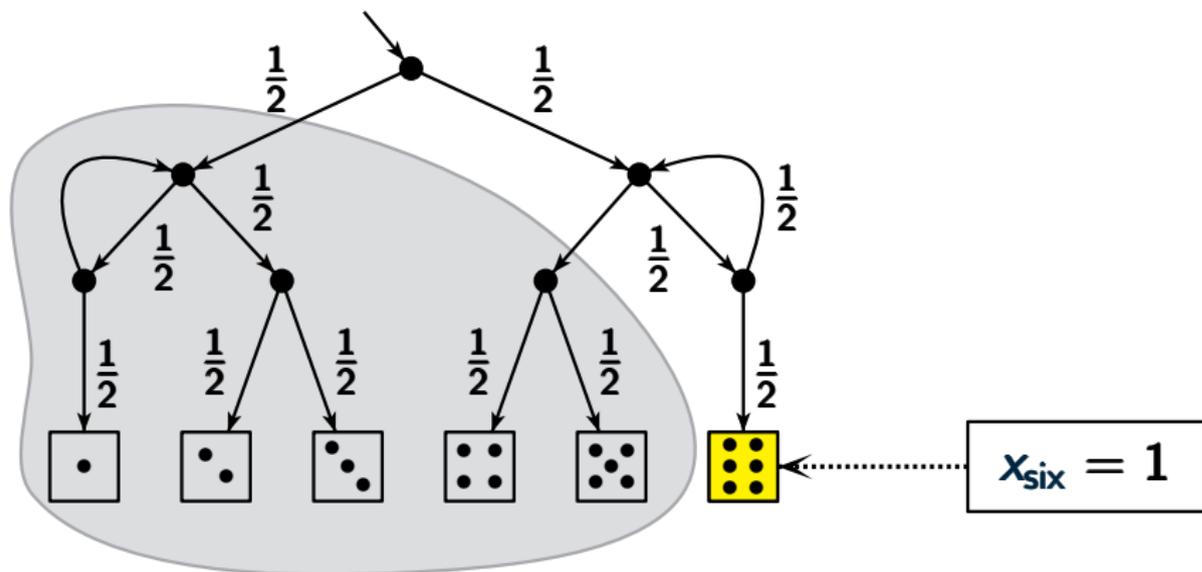


Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

für alle anderen Zustände:

$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

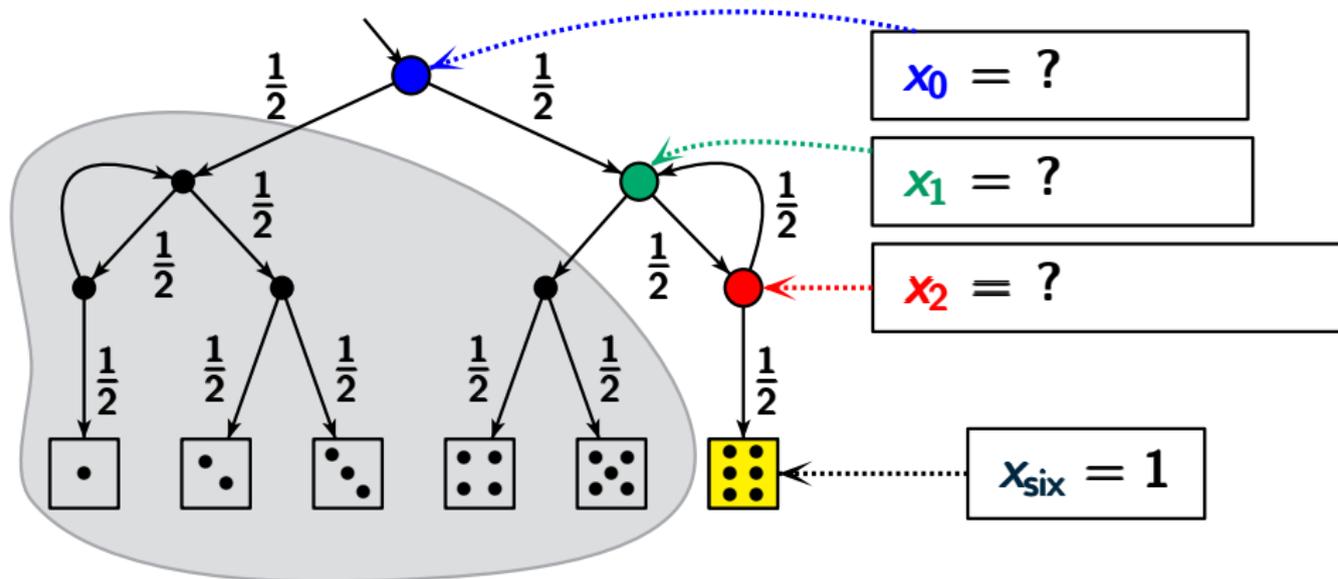


Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

für alle anderen Zustände:

$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

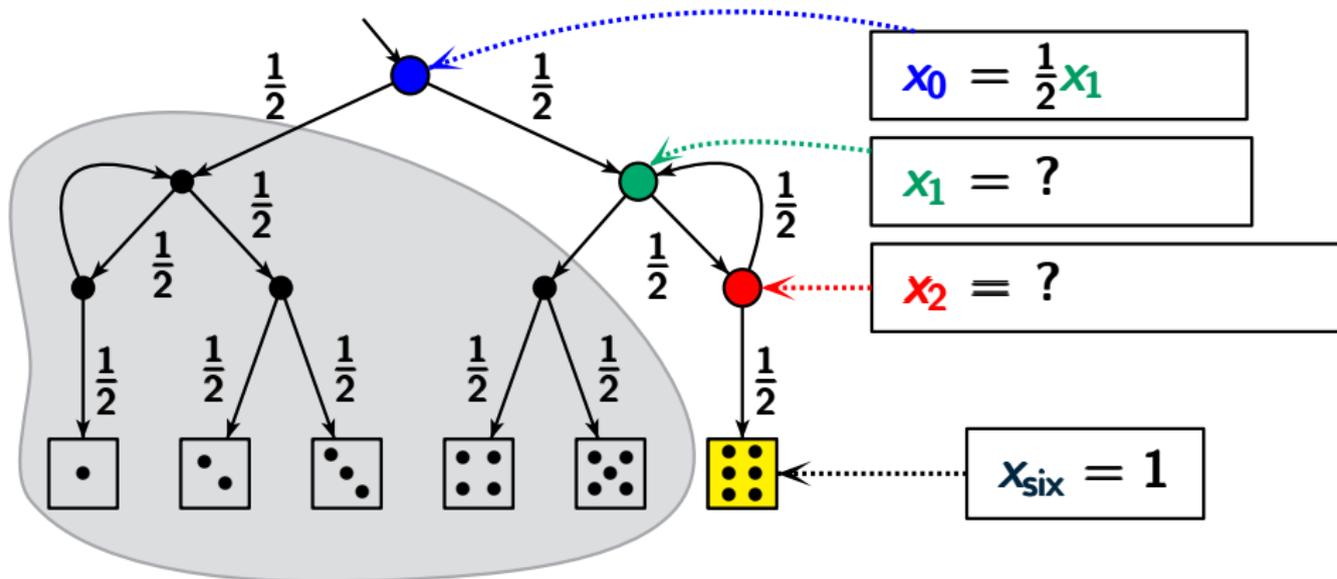


Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

für alle anderen Zustände:

$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

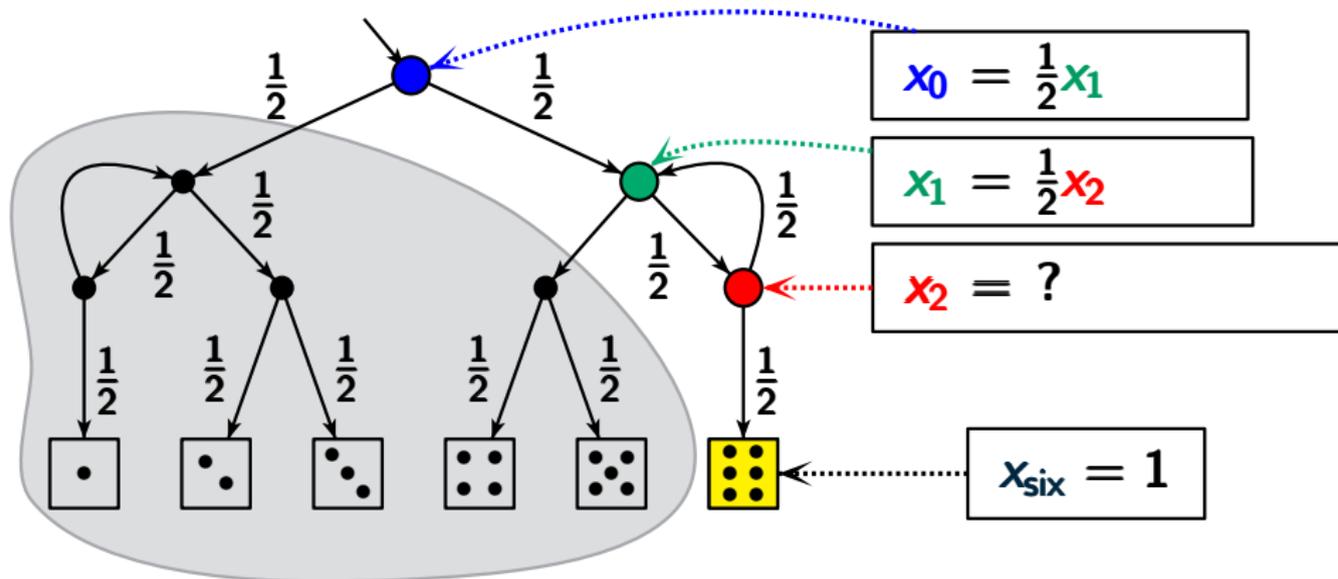


Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

für alle anderen Zustände:

$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

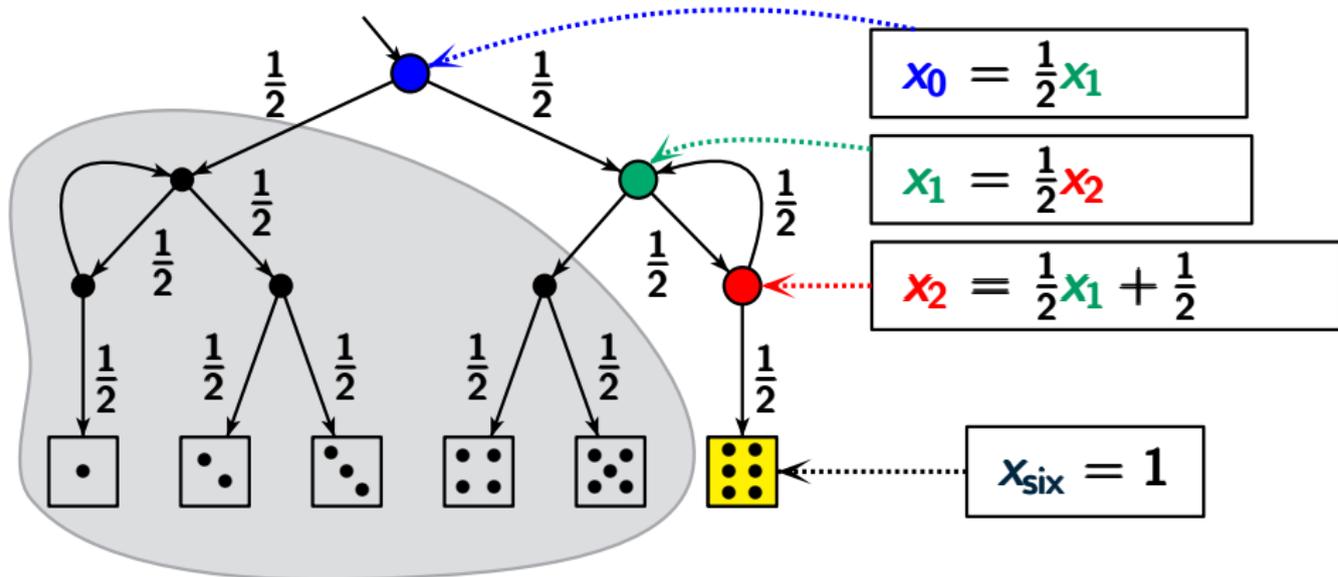


für alle anderen Zustände:

$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]

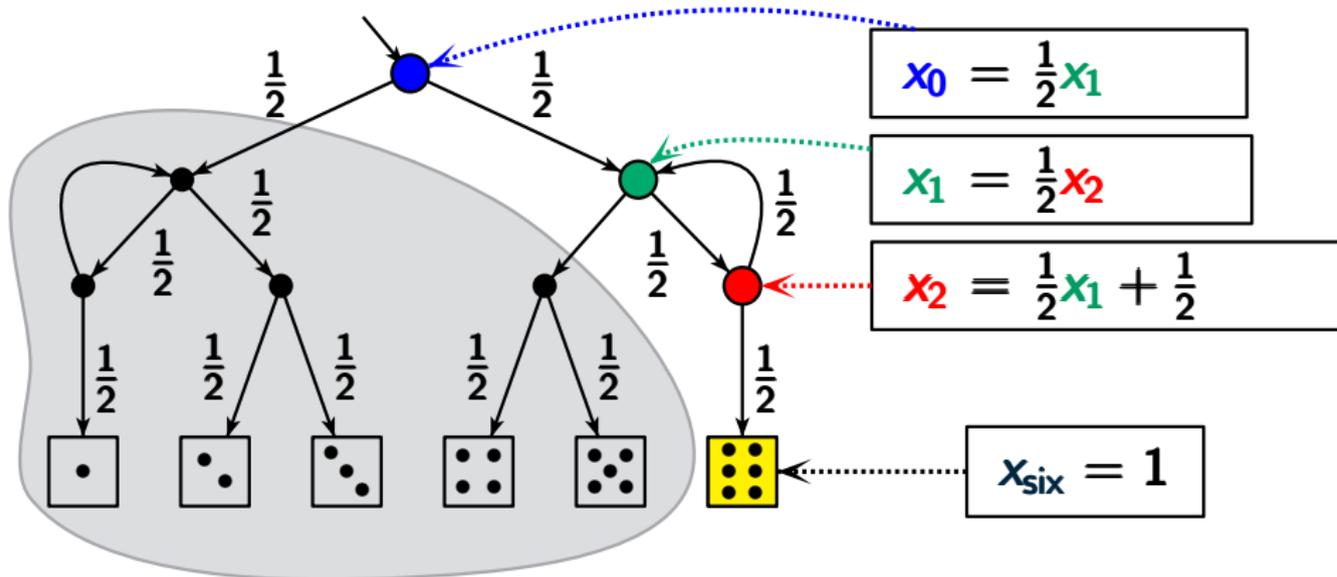


für alle anderen Zustände:

Würfelergebnis "sechs"
ist nicht erreichbar

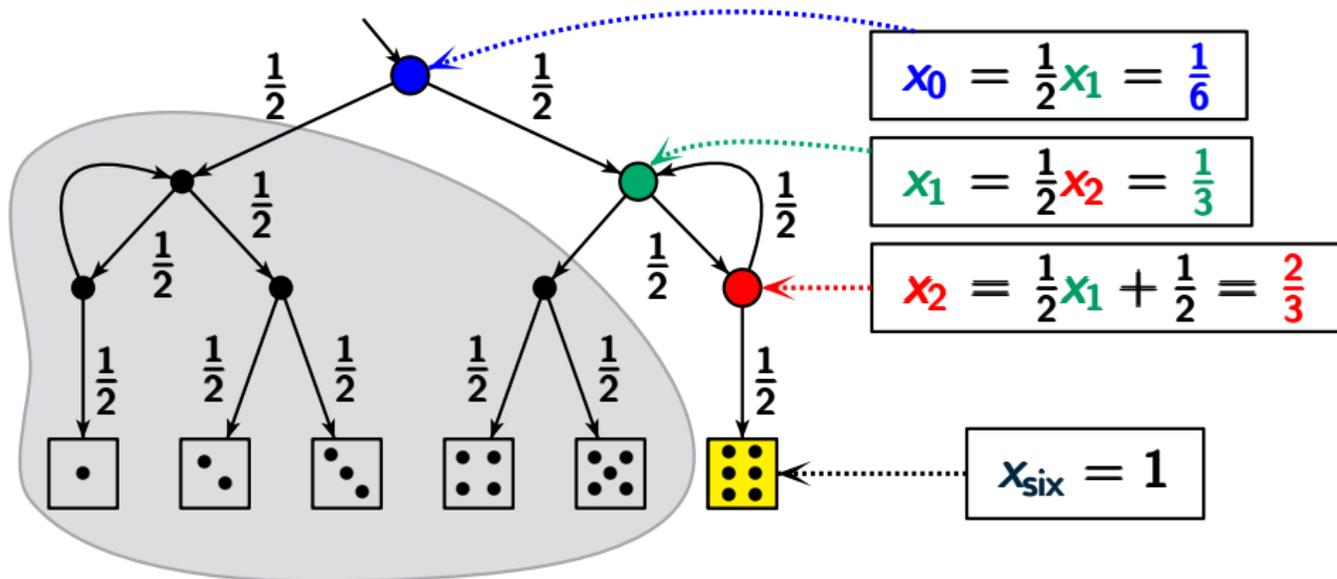
$$x_s = \begin{cases} \text{Wahrscheinlichkeit für} \\ \text{Würfelergebnis "sechs"} \\ \text{ab Zustand } s \end{cases}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]



$$\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

Simulation eines Würfels durch Münzwurf [Knuth]



Wahrscheinlichkeit für
Würfelergebnis "sechs"

$$x_0 = \frac{1}{6}$$

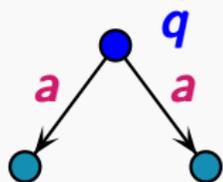
$$\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

Probabilistic finite automata (PFA)

Probabilistic finite automata (PFA)

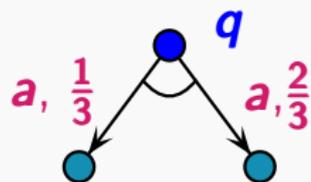
PFA wie NFA, aber Auflösung aller nichtdeterministischen Entscheidungen durch Wahrscheinlichkeitsverteilungen

NFA



Nichtdeterminismus

PFA



probabilistische Wahl

Probabilistic finite automata (PFA)

PFA $\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, \mu, F)$

- Q endlicher Zustandsraum
- Σ Alphabet
- Transitionsfunktion $\delta : Q \times \Sigma \times Q \rightarrow [0, 1]$,
so dass für alle $q \in Q$ und $a \in \Sigma$:

$$\sum_{p \in Q} \delta(q, a, p) \in \{0, 1\}$$

- Anfangsverteilung $\mu : Q \rightarrow [0, 1]$
- Endzustandsmenge $F \subseteq Q$

Semantik von PFA

PFA $\mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, \mu, F)$

Für jedes endliche Wort $x \in \Sigma^*$:

$\Pr(x)$ = Akzeptanzwahrscheinlichkeit für x
= W'keit der akzeptierenden Läufe für x

Semantik von PFA

$$\text{PFA } \mathcal{M} = (Q, \Sigma, \delta, \mu, F)$$

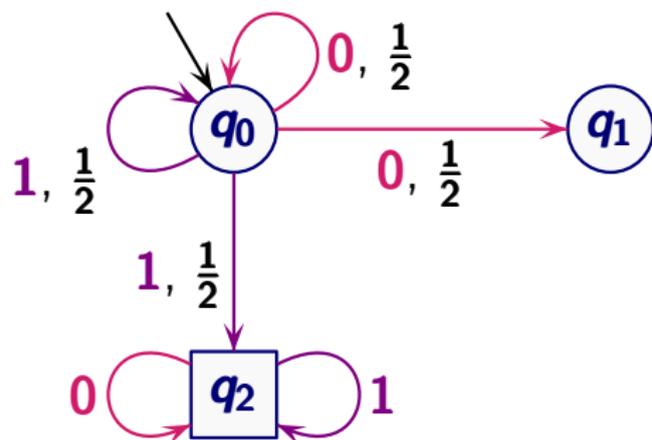
Für jedes endliche Wort $x \in \Sigma^*$:

$$\begin{aligned} \text{Pr}(x) &= \text{Akzeptanzwahrscheinlichkeit für } x \\ &= \text{W'keit der akzeptierenden Läufe für } x \end{aligned}$$

akzeptierte Sprache für Schwellwert $\lambda \in]0, 1[$
("threshold semantics")

$$\mathcal{L}_\lambda(\mathcal{M}) = \{ x \in \Sigma^* : \text{Pr}(x) > \lambda \}$$

Beispiel: PFA



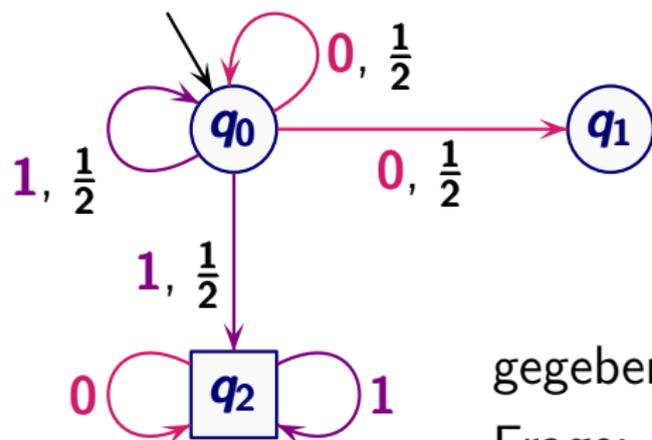
Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

Anfangszustand q_0 (Anfangsverteilung $\mu(q_0) = 1$)

Endzustand q_2

Transitionen $q_2 \xrightarrow{0} q_2$ und $q_2 \xrightarrow{1} q_2$ mit W'keit 1

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

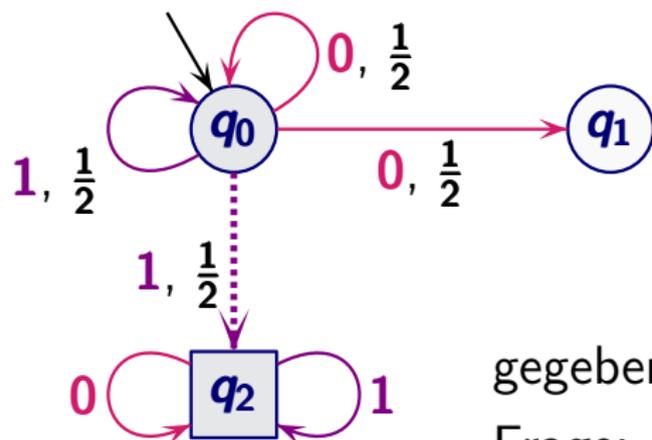
Frage: was ist $\Pr(x)$?

Anfangszustand q_0 (Anfangsverteilung $\mu(q_0) = 1$)

Endzustand q_2

Transitionen $q_2 \xrightarrow{0} q_2$ und $q_2 \xrightarrow{1} q_2$ mit W'keit 1

Beispiel: PFA

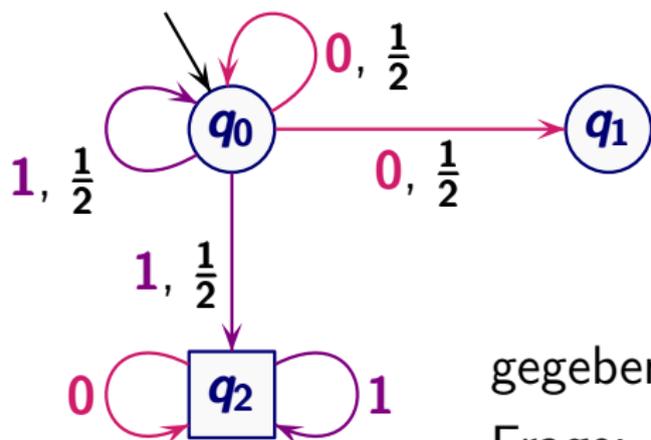


Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$
Frage: was ist $\Pr(x)$?

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

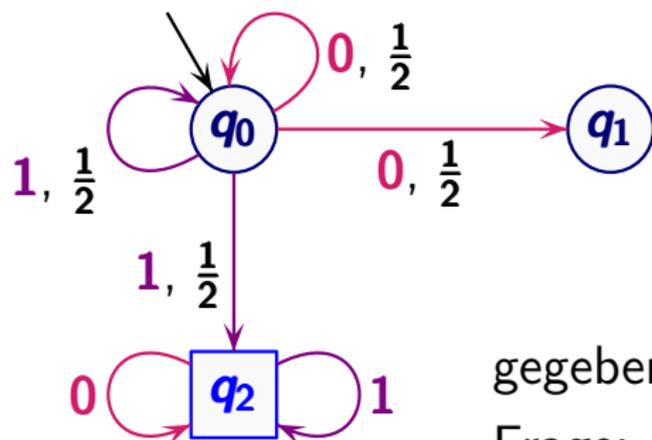
gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

Frage: was ist $\Pr(x)$?

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

$$\Pr(101) = ?$$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

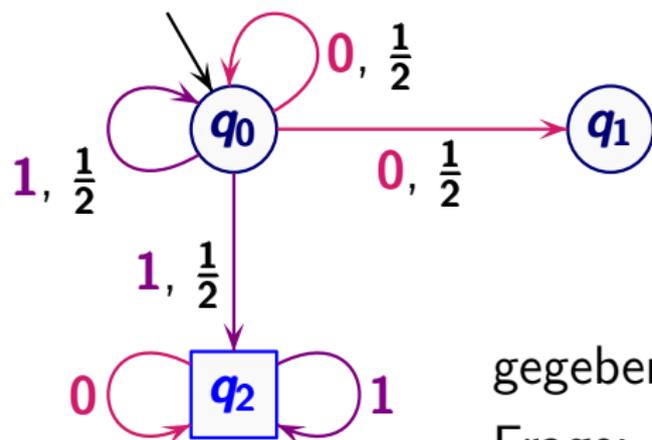
Frage: was ist $\Pr(x)$?

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

$$\Pr(101) = \frac{1}{2} + \dots$$

Lauf $q_0 \xrightarrow{1} q_2 \xrightarrow{0} q_2 \xrightarrow{1} q_2$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

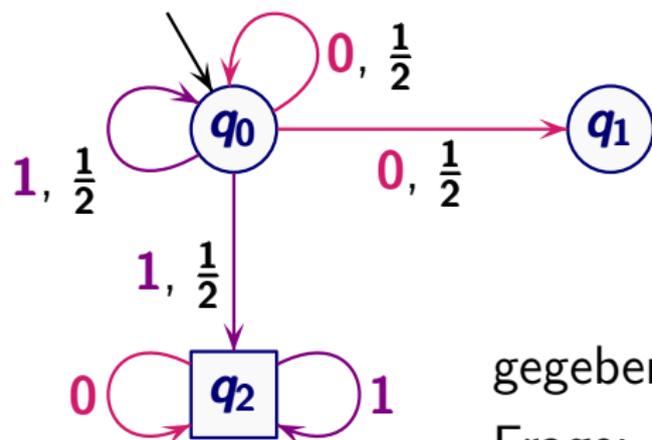
Frage: was ist $\Pr(x)$?

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

$$\Pr(101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$$

Lauf $q_0 \xrightarrow{1} q_0 \xrightarrow{0} q_0 \xrightarrow{1} q_2$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

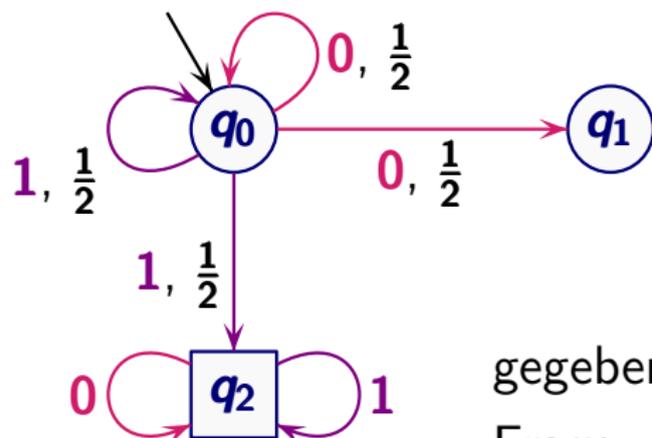
Frage: was ist $\Pr(x)$?

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

$$\Pr(101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{8}$$

$$\Pr(1101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \Pr(101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{16}$$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

Frage: was ist $\Pr(x)$?

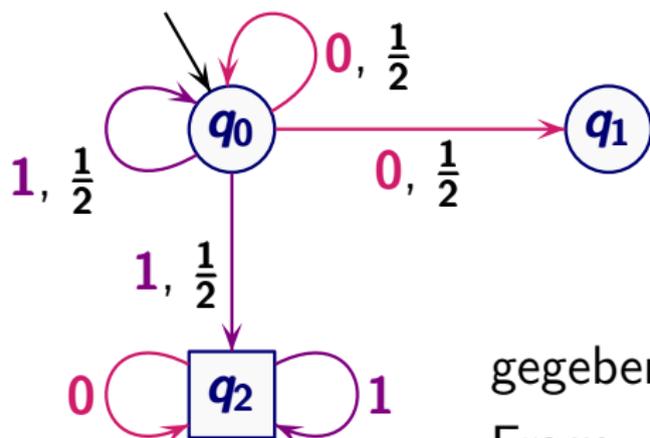
Antwort: $\Pr(x) = \text{bin}(x) = \sum_{i=1}^n a_i 2^{-i}$

$$\Pr(1) = \frac{1}{2}$$

$$\Pr(101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{8}$$

$$\Pr(1101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \Pr(101) = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{16}$$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

Schwellwert $\lambda \in]0, 1[$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

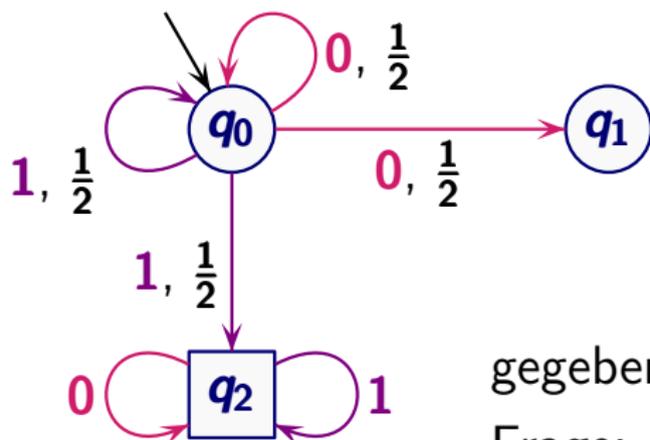
Frage: was ist $\Pr(x)$?

Antwort: $\Pr(x) = \text{bin}(x) = \sum_{i=1}^n a_i 2^{-i}$

akzeptierte Sprache:

$$\mathcal{L}_\lambda(\mathcal{M}) = \{x \in \{0, 1\}^+ : \text{bin}(x) > \lambda\}$$

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

Schwellwert $\lambda \in]0, 1[$

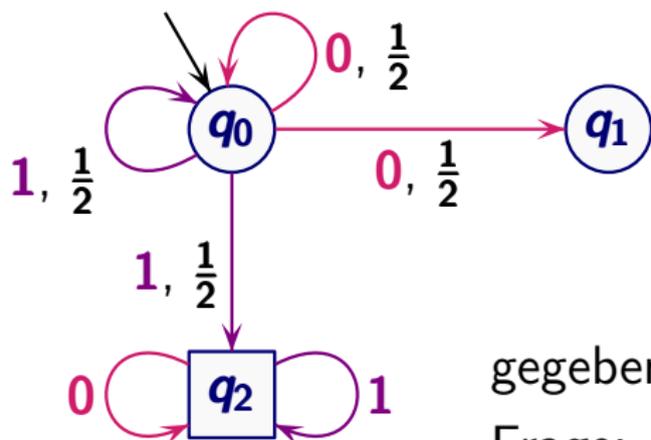
gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

Frage: was ist $\Pr(x)$?

Antwort: $\Pr(x) = \text{bin}(x) = \sum_{i=1}^n a_i 2^{-i}$

Fazit: Die Sprachen $\mathcal{L}_\lambda(\mathcal{M})$ sind paarweise verschieden

Beispiel: PFA



Alphabet $\Sigma = \{0, 1\}$

Schwellwert $\lambda \in]0, 1[$

gegeben: $x = a_1 a_2 \dots a_n \in \{0, 1\}^+$

Frage: was ist $\Pr(x)$?

Antwort: $\Pr(x) = \text{bin}(x) = \sum_{i=1}^n a_i 2^{-i}$

Fazit: Die Sprachen $\mathcal{L}_\lambda(\mathcal{M})$ sind paarweise verschieden und manche Sprachen $\mathcal{L}_\lambda(\mathcal{M})$ sind nicht regulär.

Probabilistisches Model Checking (PMC)

- aktuelles Forschungsgebiet seit ca. 20 Jahren
- Tools: PRISM (Oxford/Birm.), Storm (Aachen), ...

Probabilistisches Model Checking (PMC)

- aktuelles Forschungsgebiet seit ca. 20 Jahren
- Tools: PRISM (Oxford/Birm.), Storm (Aachen), ...
- zahlreiche Anwendungsgebiete
 - * Koordinationsalgorithmen für verteilte Systeme
 - * Kommunikations-, Multimediatechnologien
 - * biologische Systeme, fehlertolerante Systeme, u.v.m.

Probabilistisches Model Checking (PMC)

- aktuelles Forschungsgebiet seit ca. 20 Jahren
- Tools: PRISM (Oxford/Birm.), Storm (Aachen), ...
- zahlreiche Anwendungsgebiete
 - * Koordinationsalgorithmen für verteilte Systeme
 - * Kommunikations-, Multimediatechnologien
 - * biologische Systeme, fehlertolerante Systeme, u.v.m.

zentrales Forschungsthema unserer Gruppe:

multi-kriterielle Systemanalyse mittels PMC

- Modellierungskonzepte, Logiken, Analysealgorithmen, ...
- inspiriert aus Kooperationen in Forschungsprojekten

Probabilistisches Model Checking (PMC)

- aktuelles Forschungsgebiet seit ca. 20 Jahren
- Tools: PRISM (Oxford/Birm.), Storm (Aachen), ...
- zahlreiche Anwendungsgebiete
 - * Koordinationsalgorithmen für verteilte Systeme
 - * Kommunikations-, Multimediatechnologien
 - * biologische Systeme, fehlertolerante Systeme, u.v.m.

Zweiter Teil: PMC-basierte Analyse von
Demand-Response Protokollen in modernen
Stromnetzen

Model Checking

Technische Universität Dresden
Institut für Theoretische Informatik
Algebraische und Logische Grundlagen
der Informatik

Christel Baier	Philipp Chrszon	Clemens Dubslaff
Florian Funke	Simon Jantsch	Sascha Klüppelholz
David Müller	Jakob Piribauer	Sascha Wunderlich

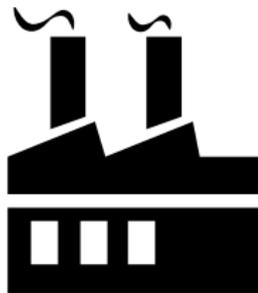
What is Demand Response and why is it useful?

Why and how do we formally analyse it?

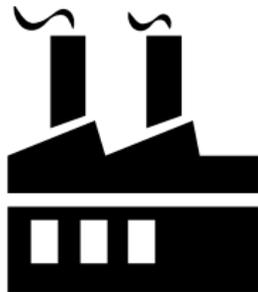
What can we find out?

Demo

Trends in Energy Supply

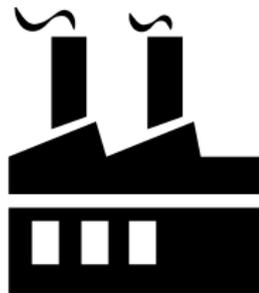


Trends in Energy Supply



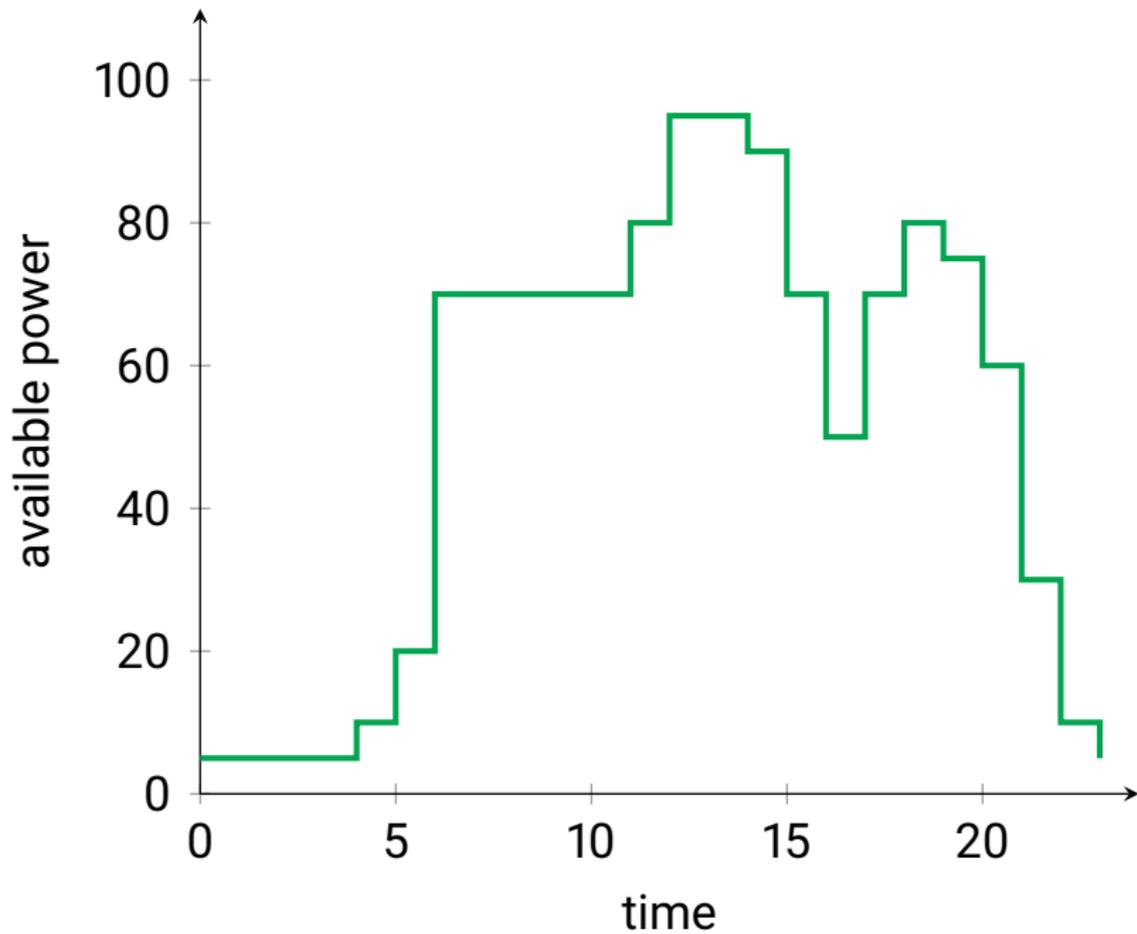
decarbonization

Trends in Energy Supply

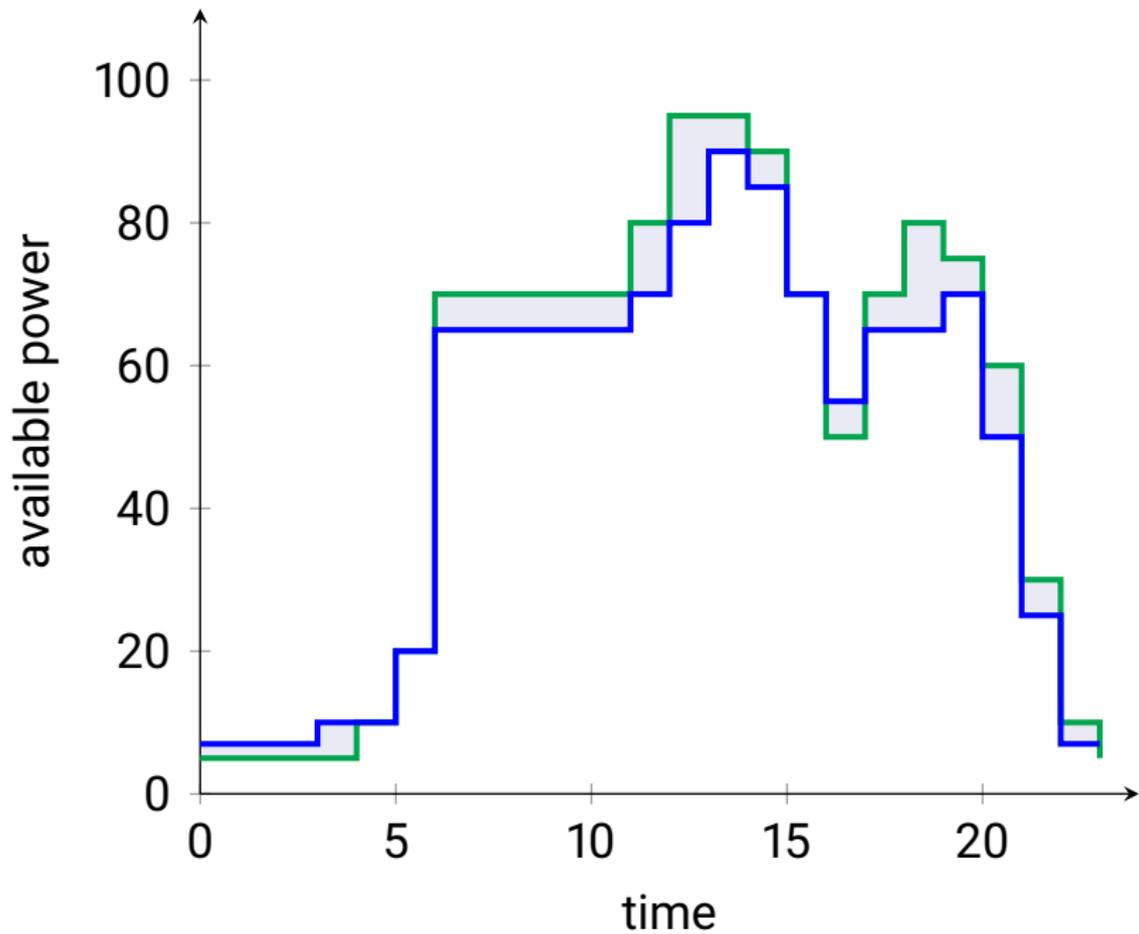


decarbonization and decentralization

Fluctuations in the Grid



Fluctuations in the Grid



Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.

Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



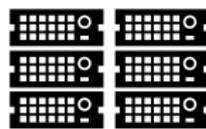
Energy Authority



Grid



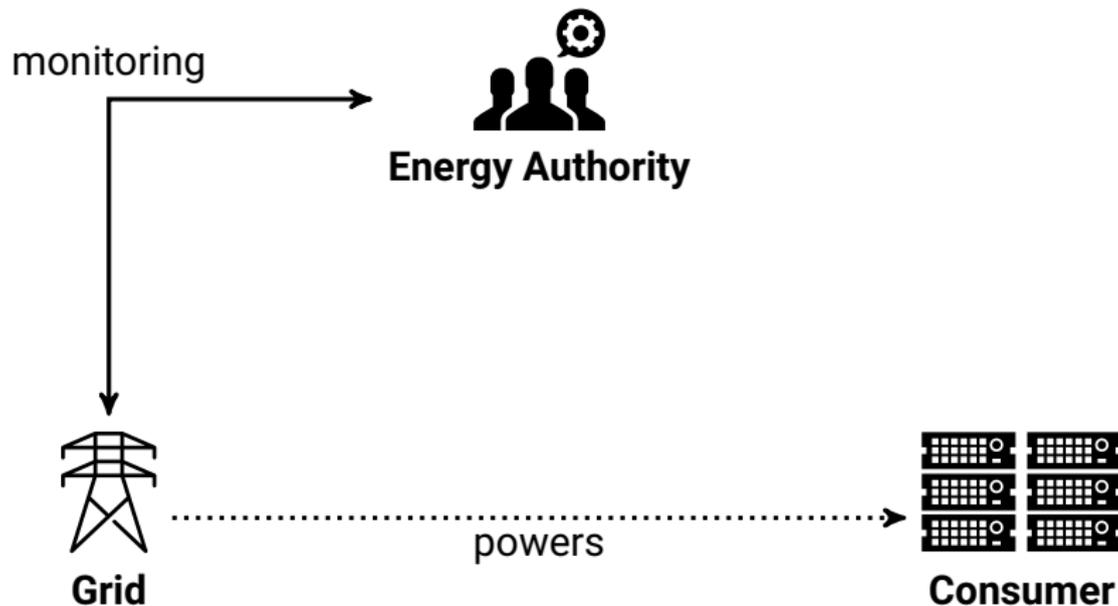
powers



Consumer

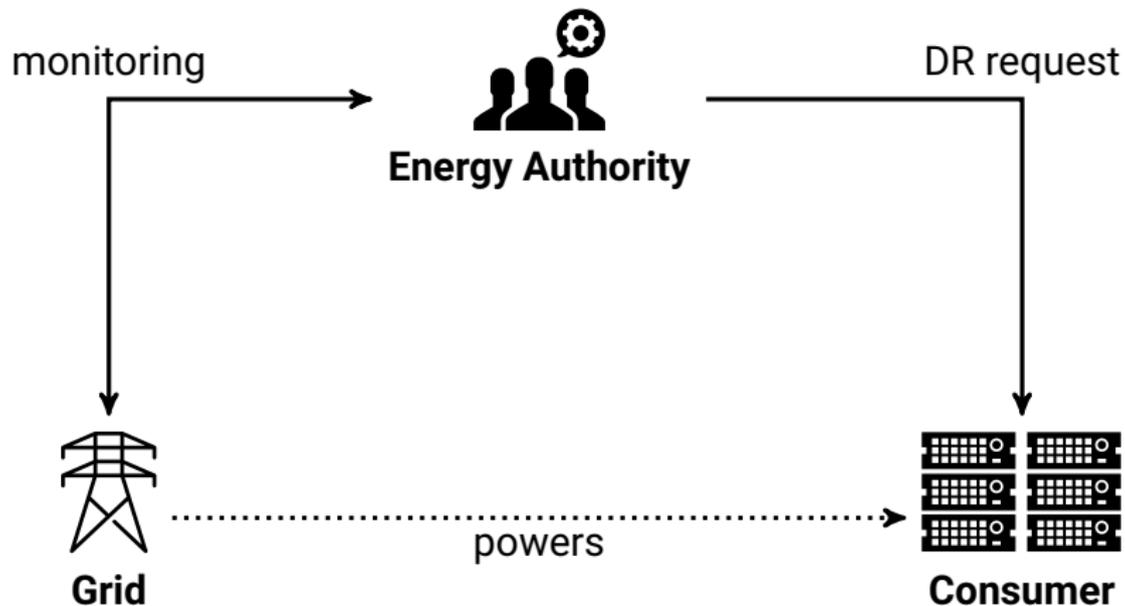
Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



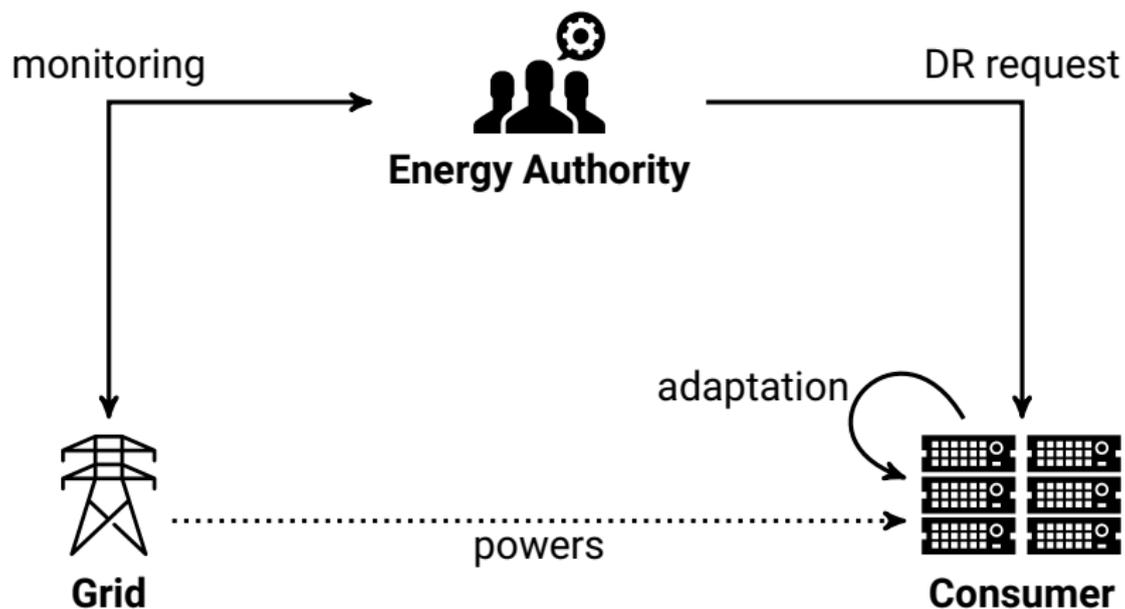
Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



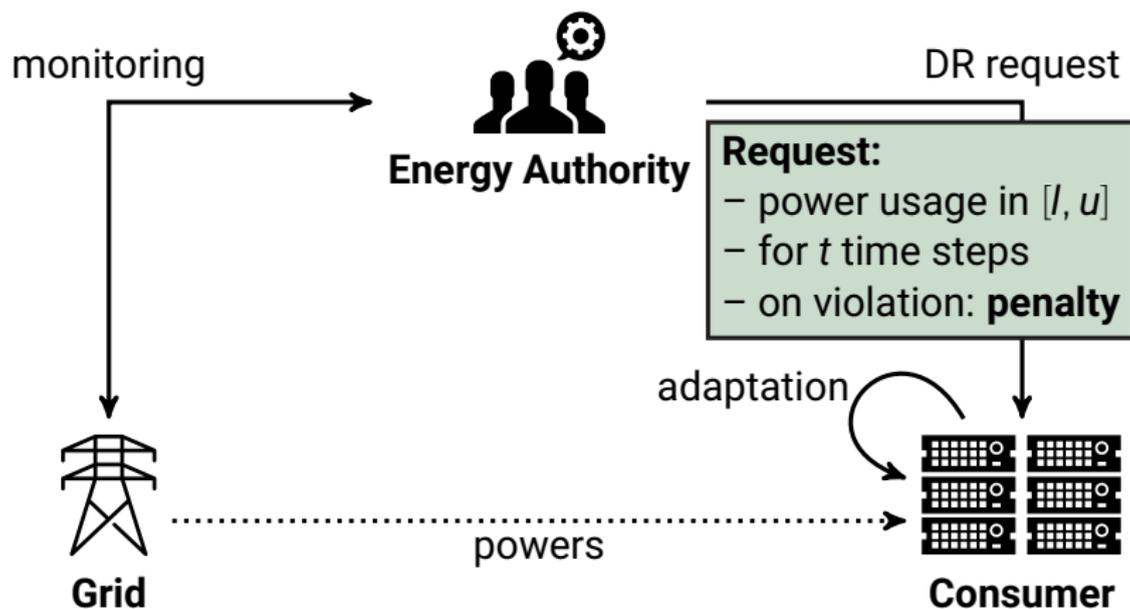
Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



Demand Response

... a class of protocols to mitigate **fluctuations** in the power grid.



What is Demand Response and why is it useful?

Why and how do we formally analyse it?

What can we find out?

Demo

Goals of Formal Analysis

Goals of Formal Analysis



reliability

Goals of Formal Analysis



reliability

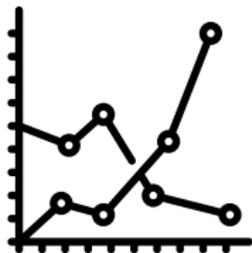
- ▶ core functionality
- ▶ contracts

Goals of Formal Analysis



reliability

- ▶ core functionality
- ▶ contracts



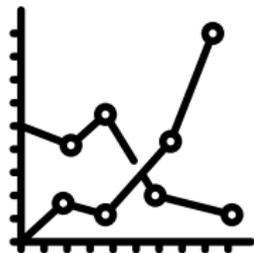
optimization

Goals of Formal Analysis



reliability

- ▶ core functionality
- ▶ contracts



optimization

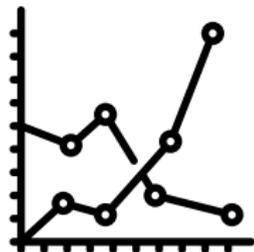
- ▶ minimum penalty
- ▶ minimum energy consumption
- ▶ maximum utility

Goals of Formal Analysis



reliability

- ▶ core functionality
- ▶ contracts



optimization

- ▶ minimum penalty
- ▶ minimum energy consumption
- ▶ maximum utility



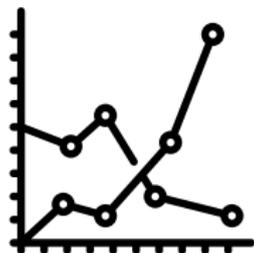
trade-offs

Goals of Formal Analysis



reliability

- ▶ core functionality
- ▶ contracts



optimization

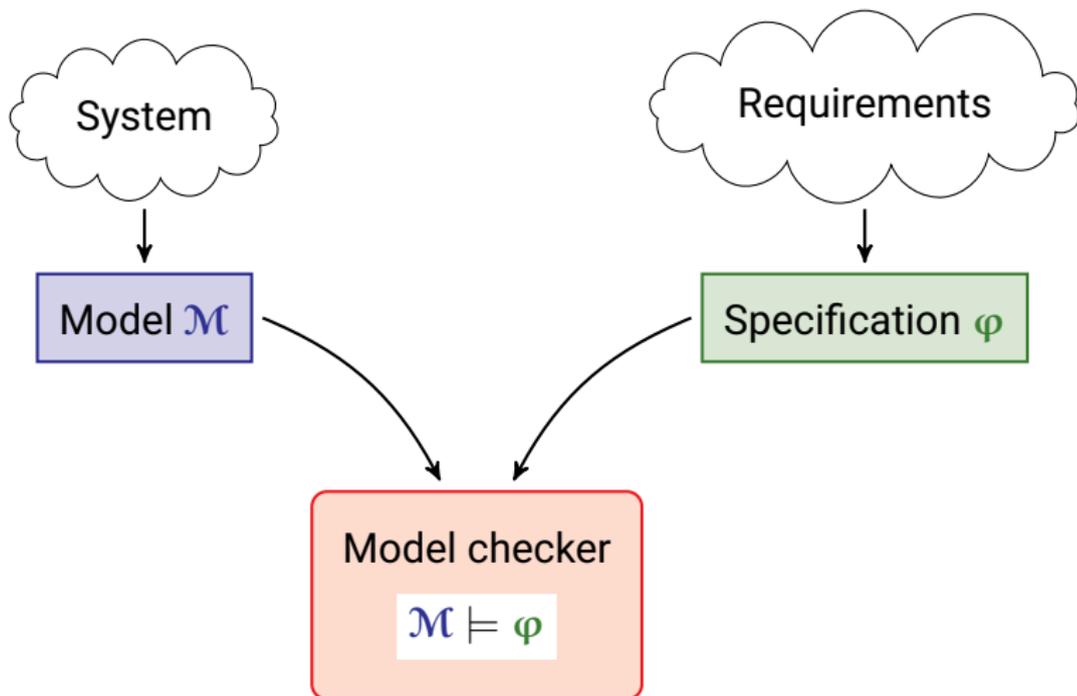
- ▶ minimum penalty
- ▶ minimum energy consumption
- ▶ maximum utility



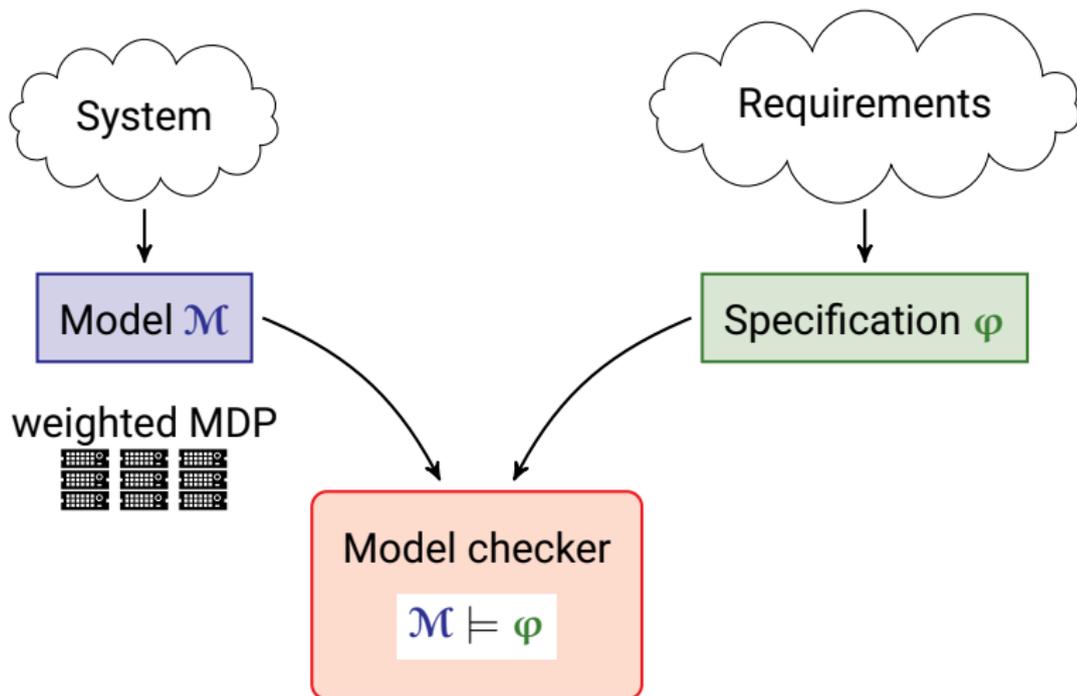
trade-offs

- ▶ penalty per utility
- ▶ energy per utility

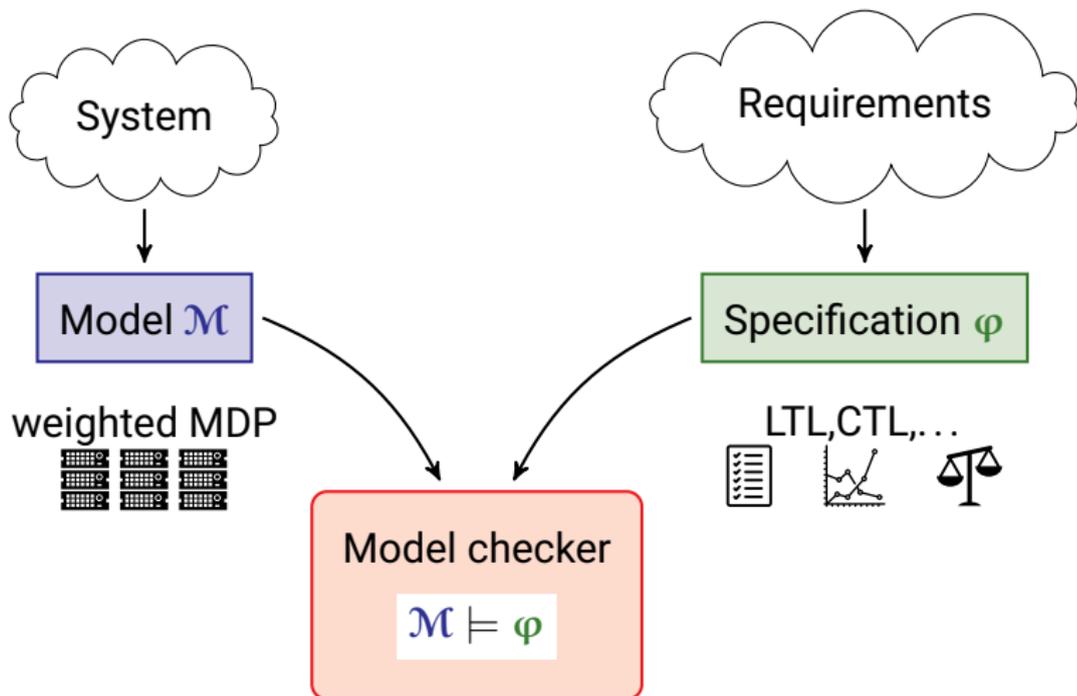
Model checking



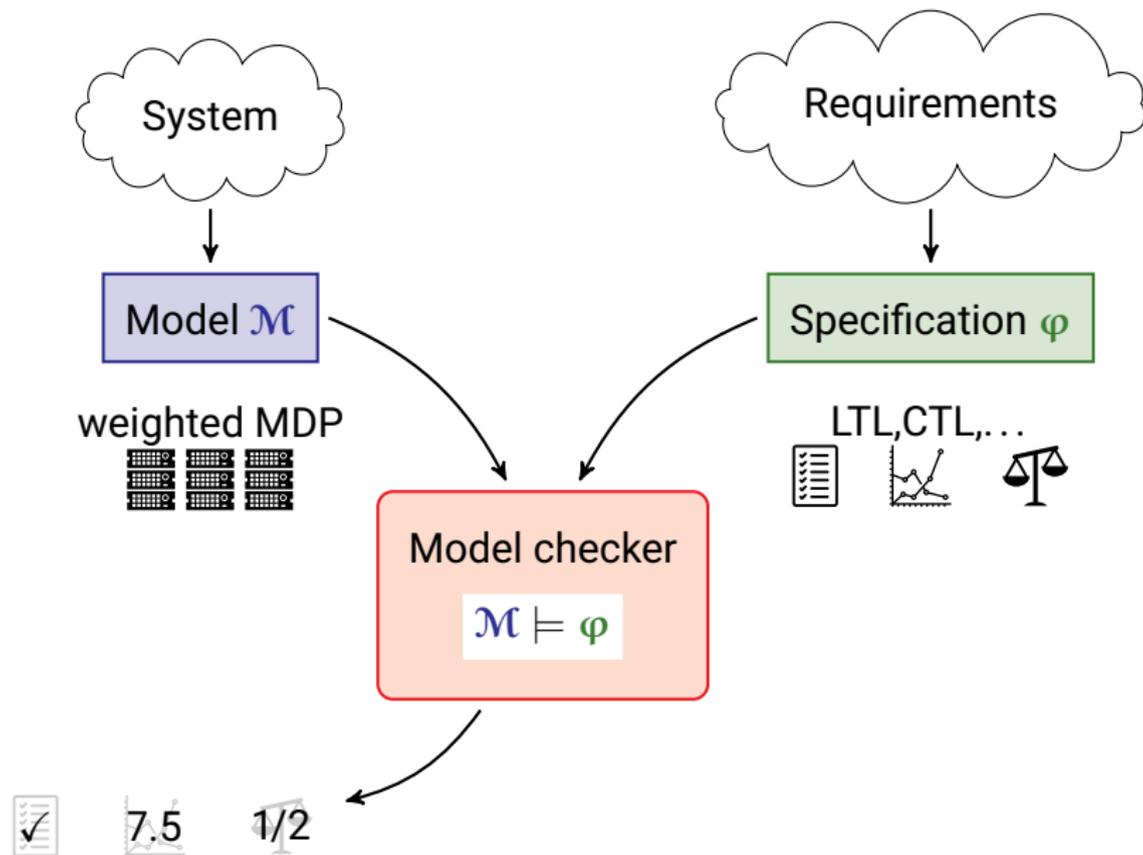
Model checking



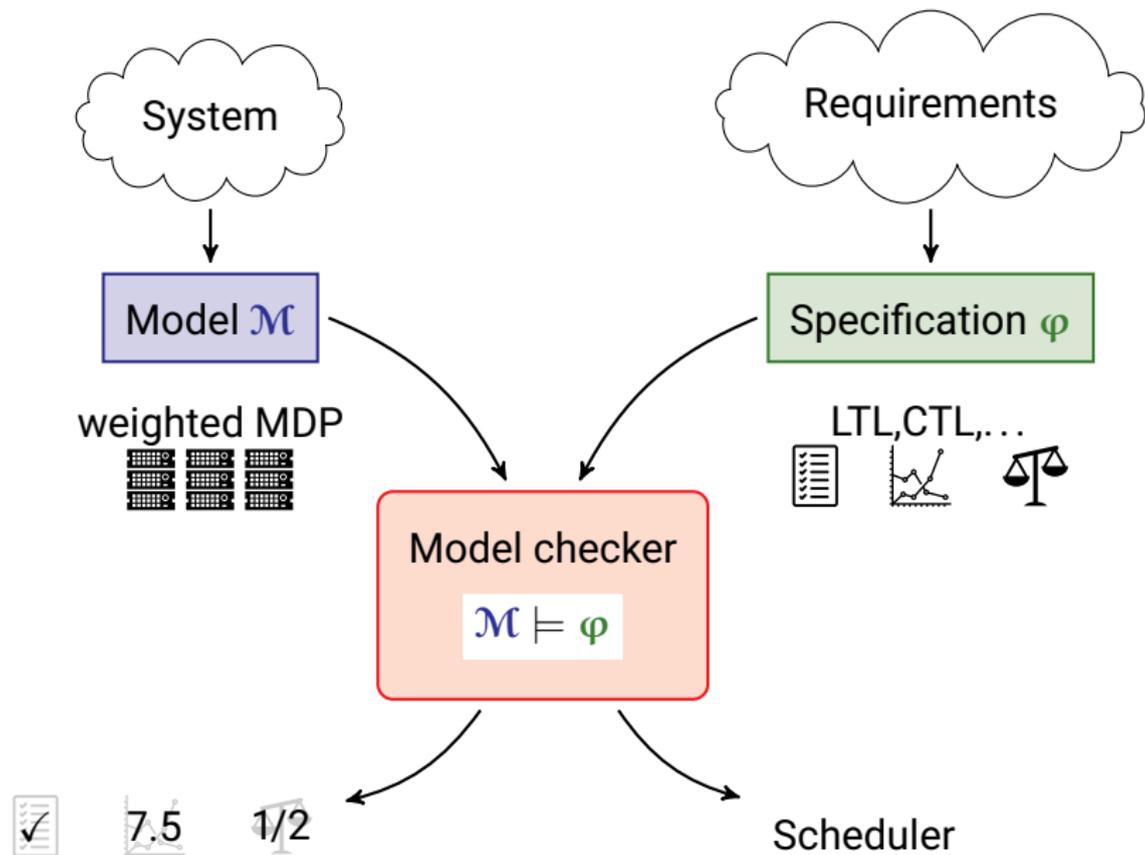
Model checking



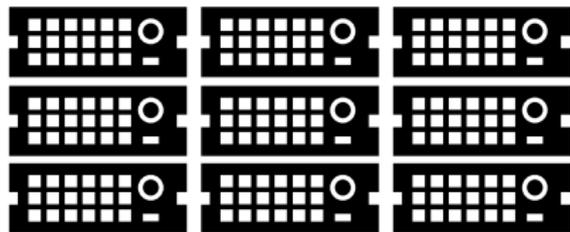
Model checking



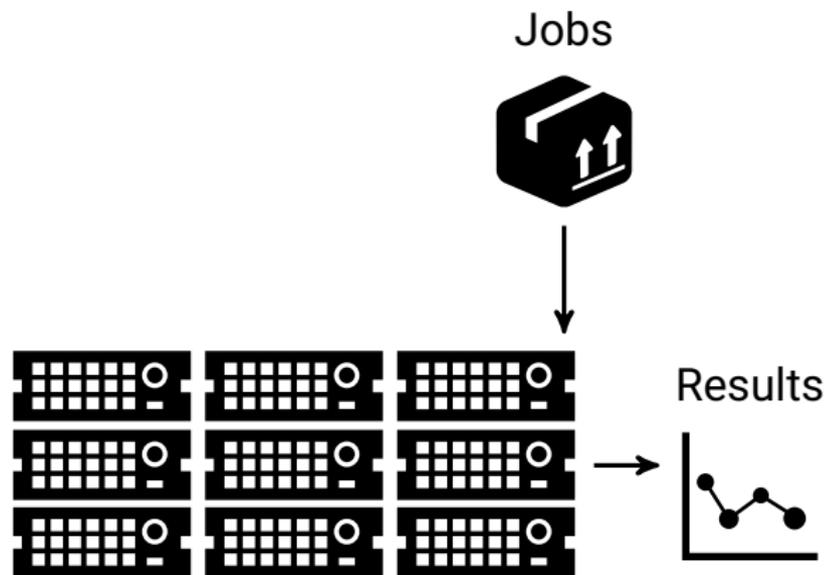
Model checking



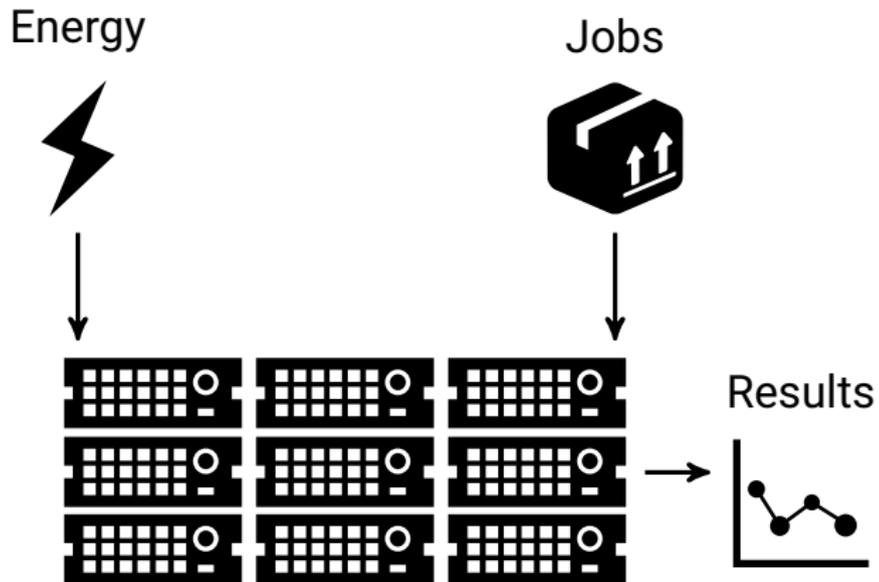
Data Centers as DR Consumers



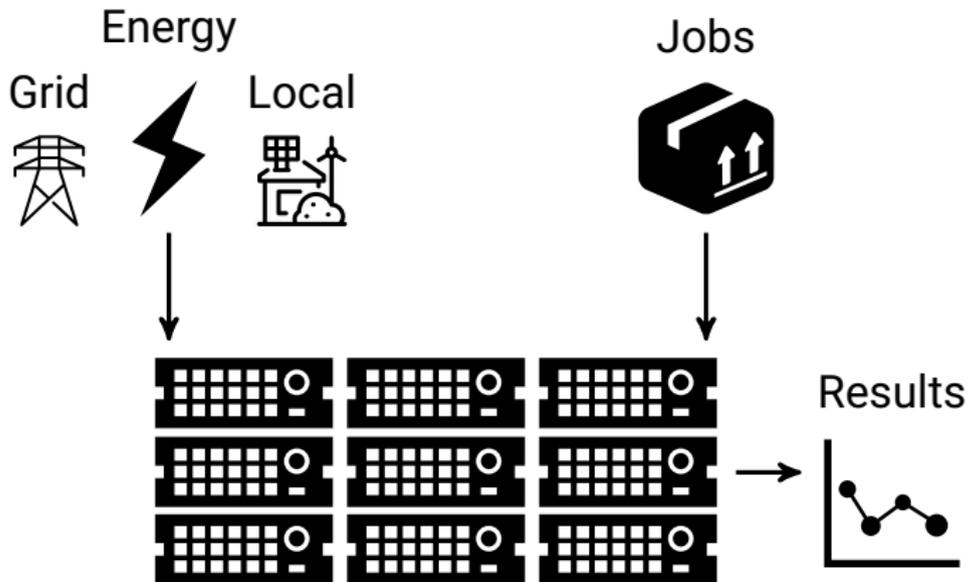
Data Centers as DR Consumers



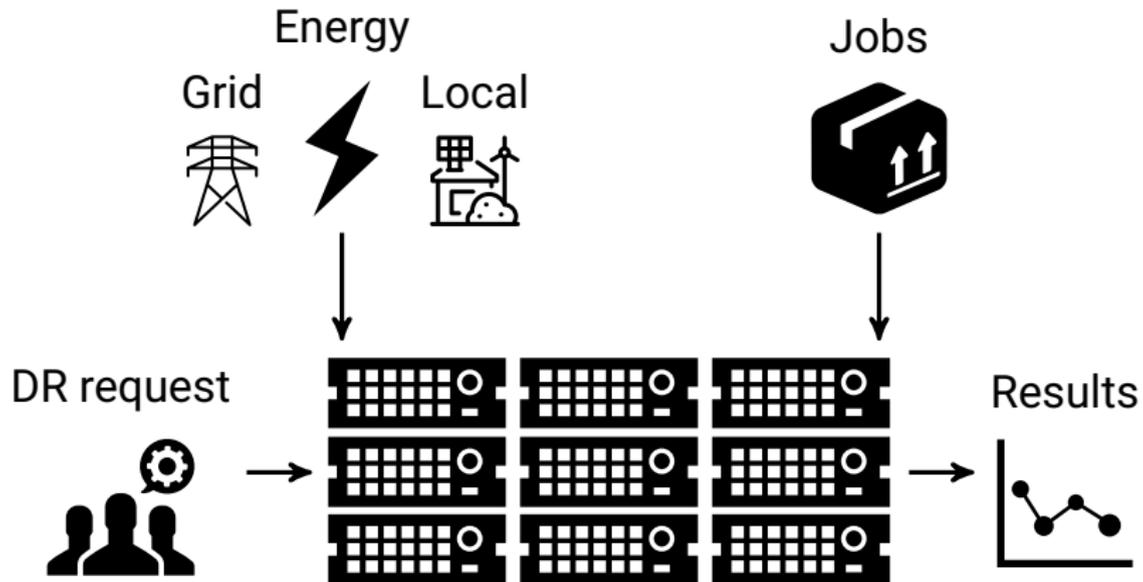
Data Centers as DR Consumers



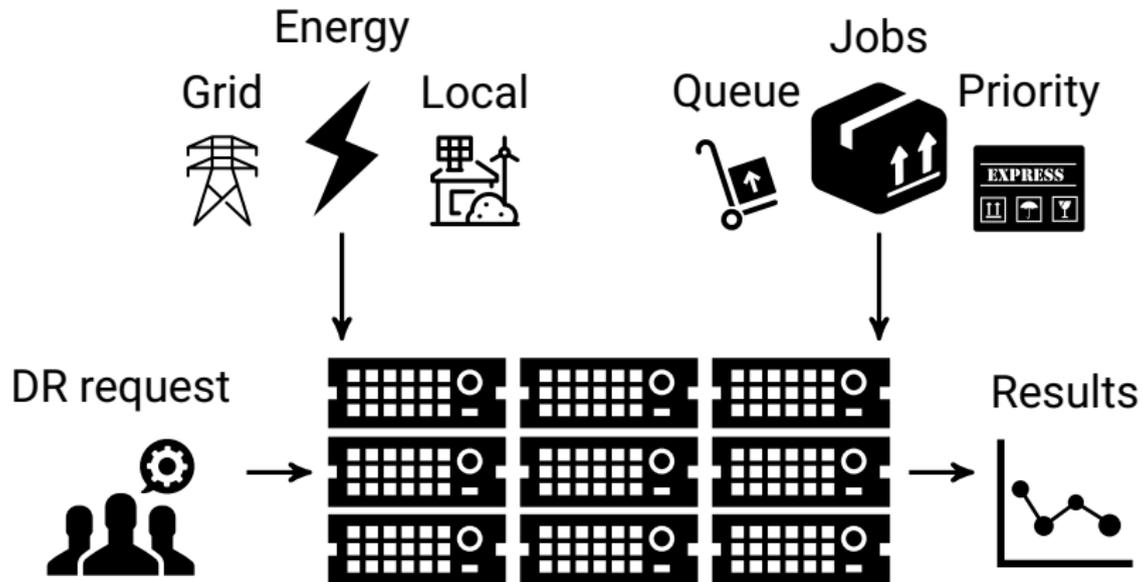
Data Centers as DR Consumers



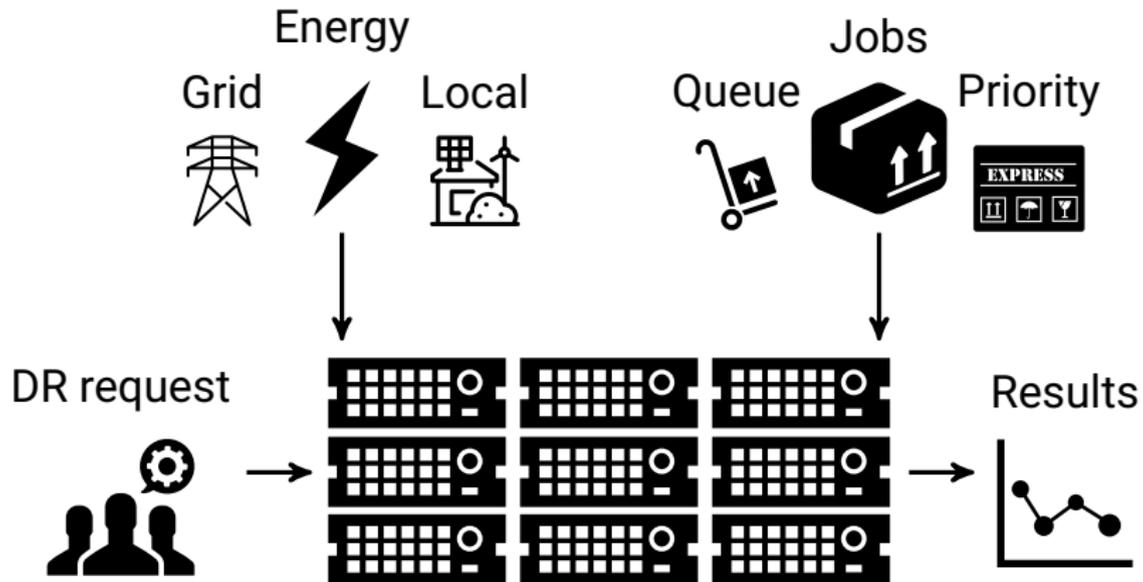
Data Centers as DR Consumers



Data Centers as DR Consumers

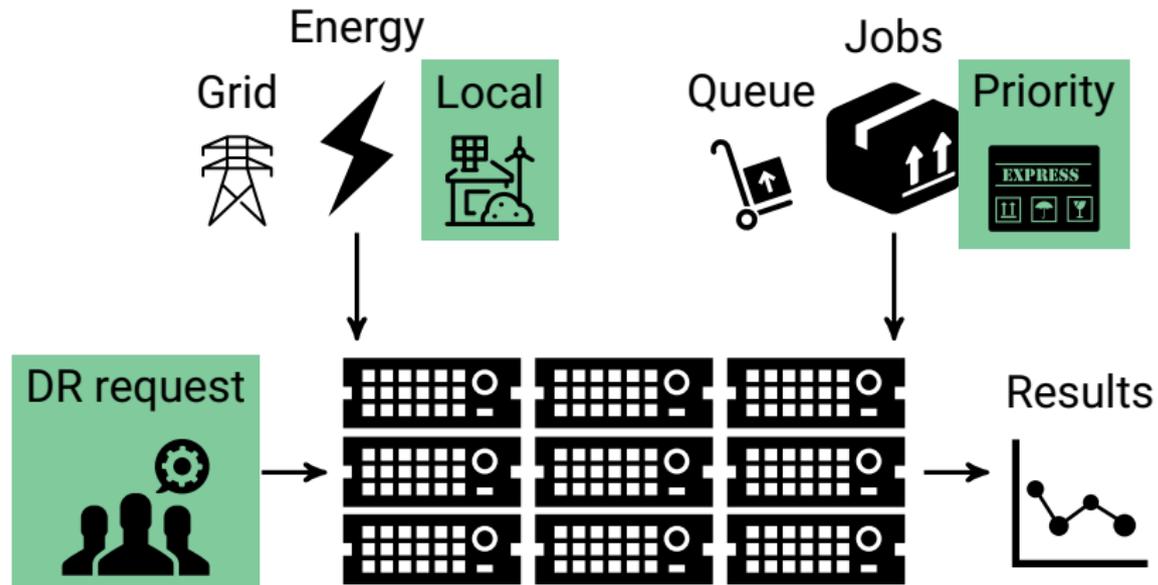


Data Centers as DR Consumers



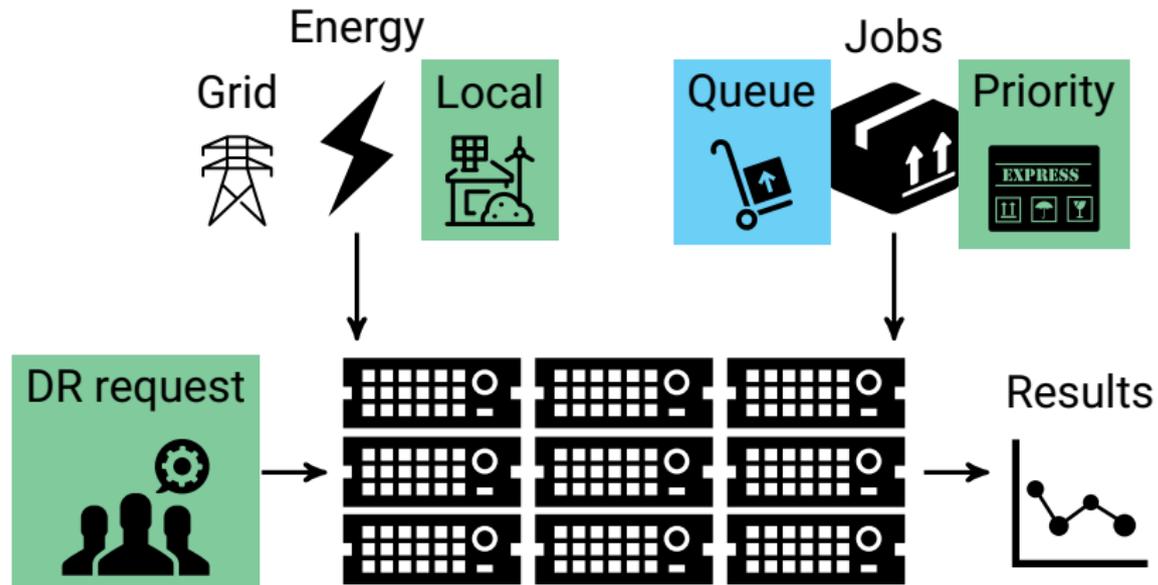
time resolution, capacity

Data Centers as DR Consumers



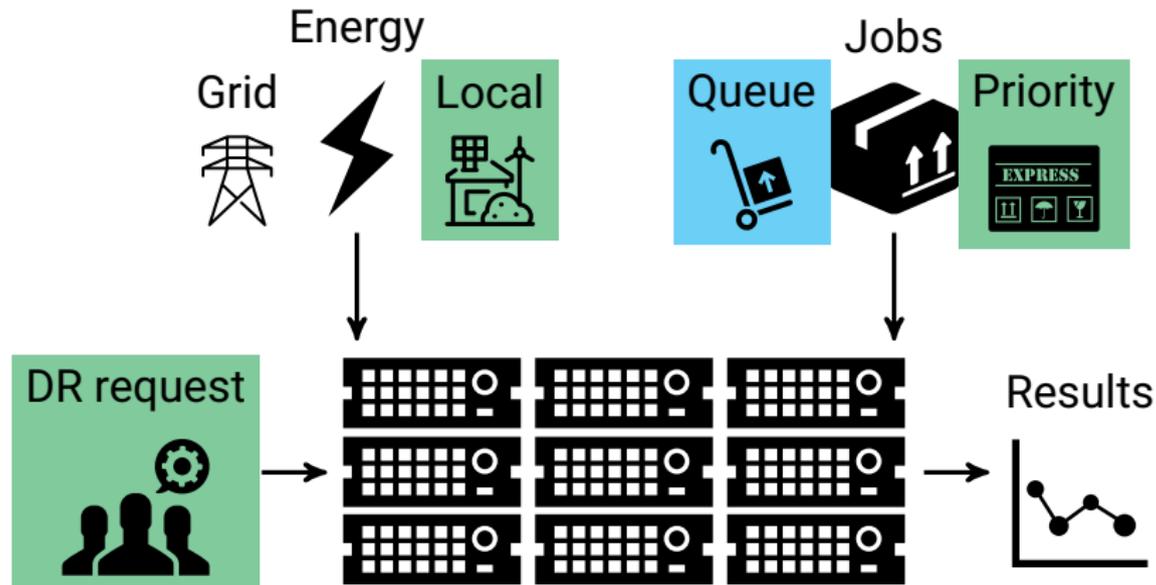
time resolution, capacity
environmental

Data Centers as DR Consumers



time resolution, capacity
environmental
(non-det.) choice

Data Centers as DR Consumers



time resolution, capacity
environmental
(non-det.) choice

many more modules
hard limits, heterogeneous jobs,
dependencies, multiple centers,
...

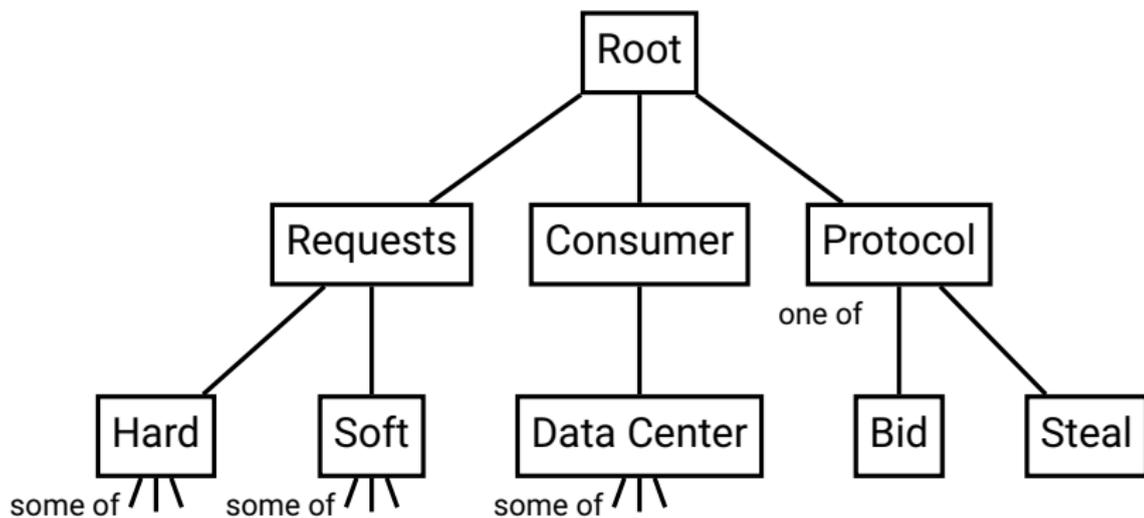
Feature Model

Feature Model

...a hierarchical model description with replaceable parts.

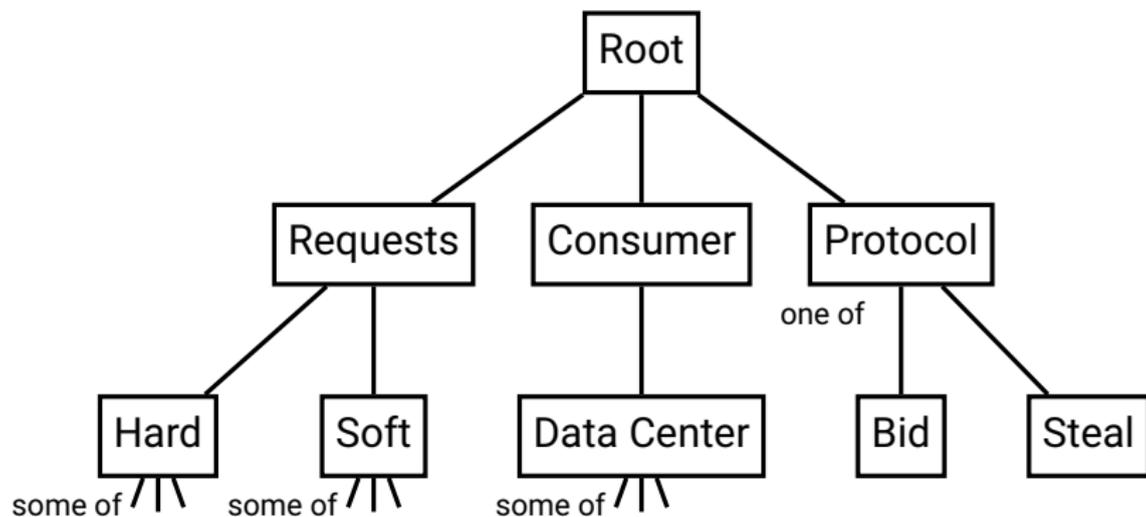
Feature Model

...a hierarchical model description with replaceable parts.



Feature Model

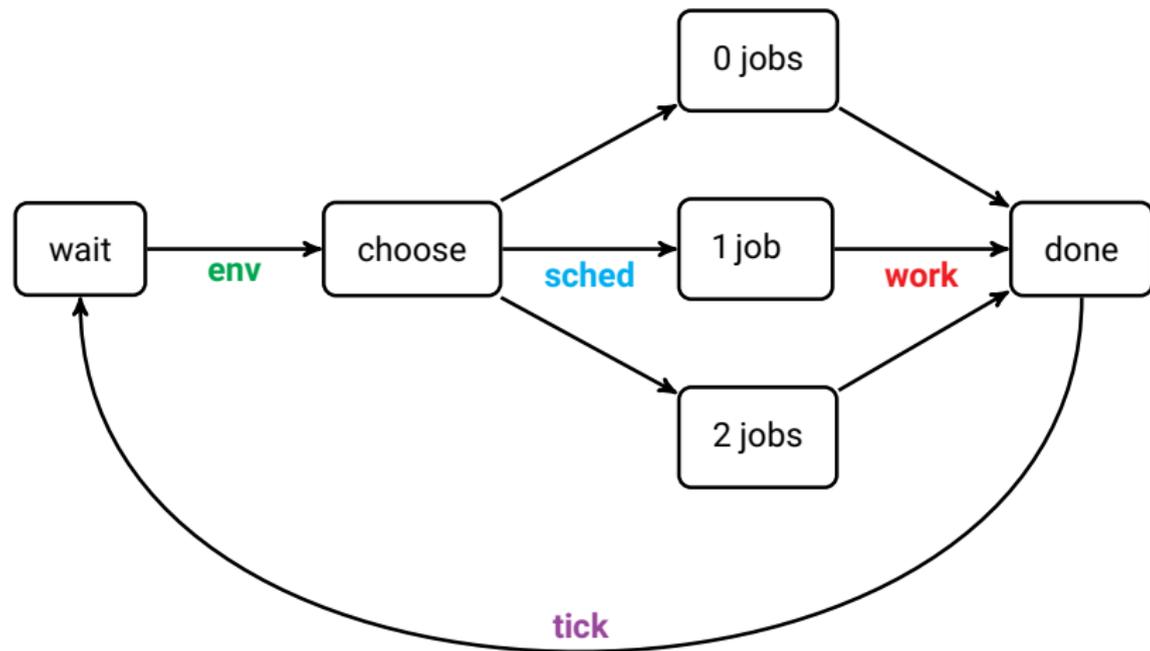
...a hierarchical model description with replaceable parts.



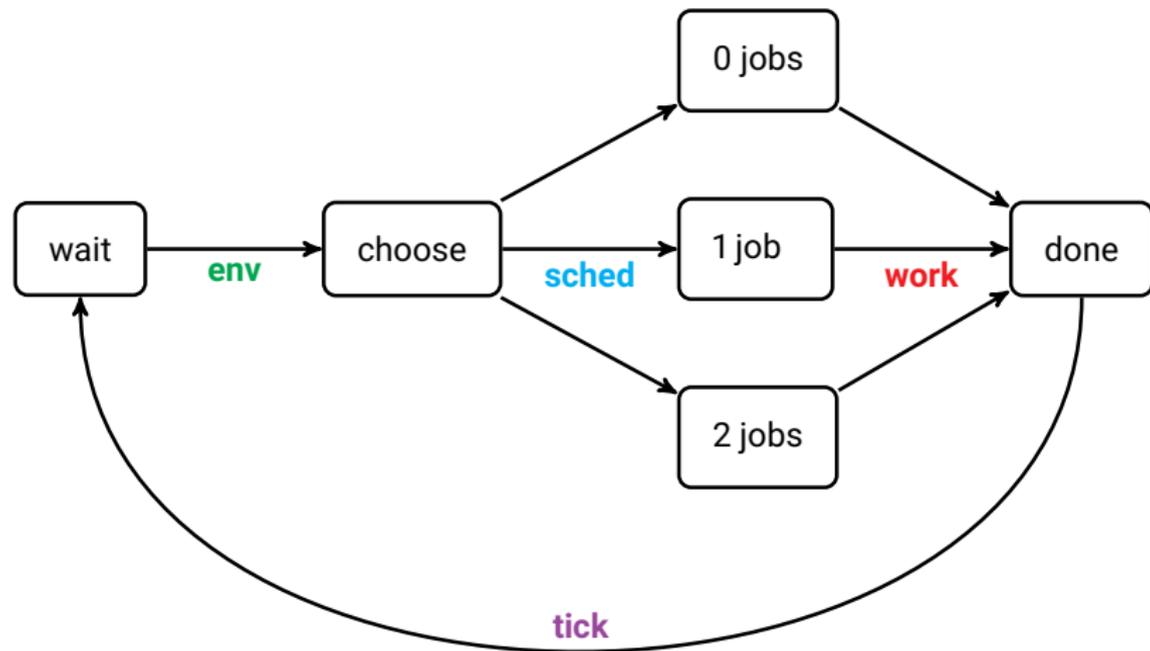
Allows for **model families** with variant members.

Data Center - Single Step

Data Center - Single Step



Data Center - Single Step



Possible weights:

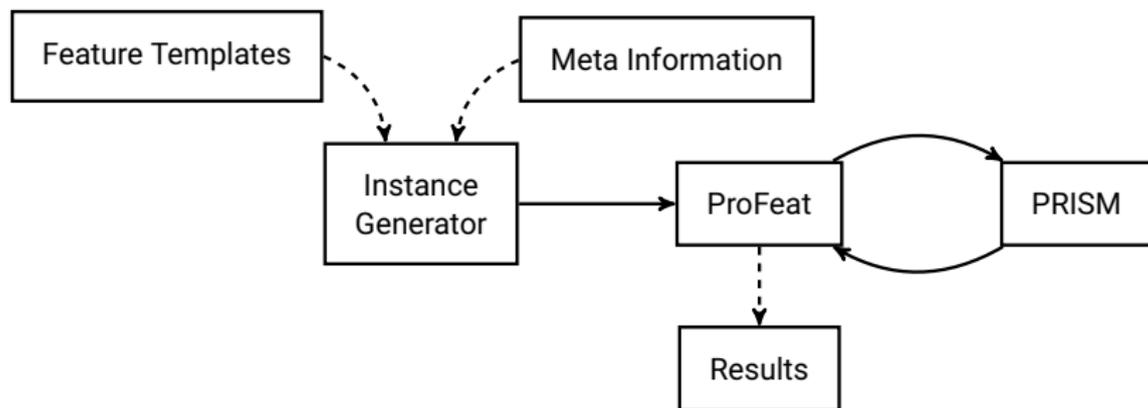
work jobs=2, **energy**=4, **penalty**=1

tick steps=1

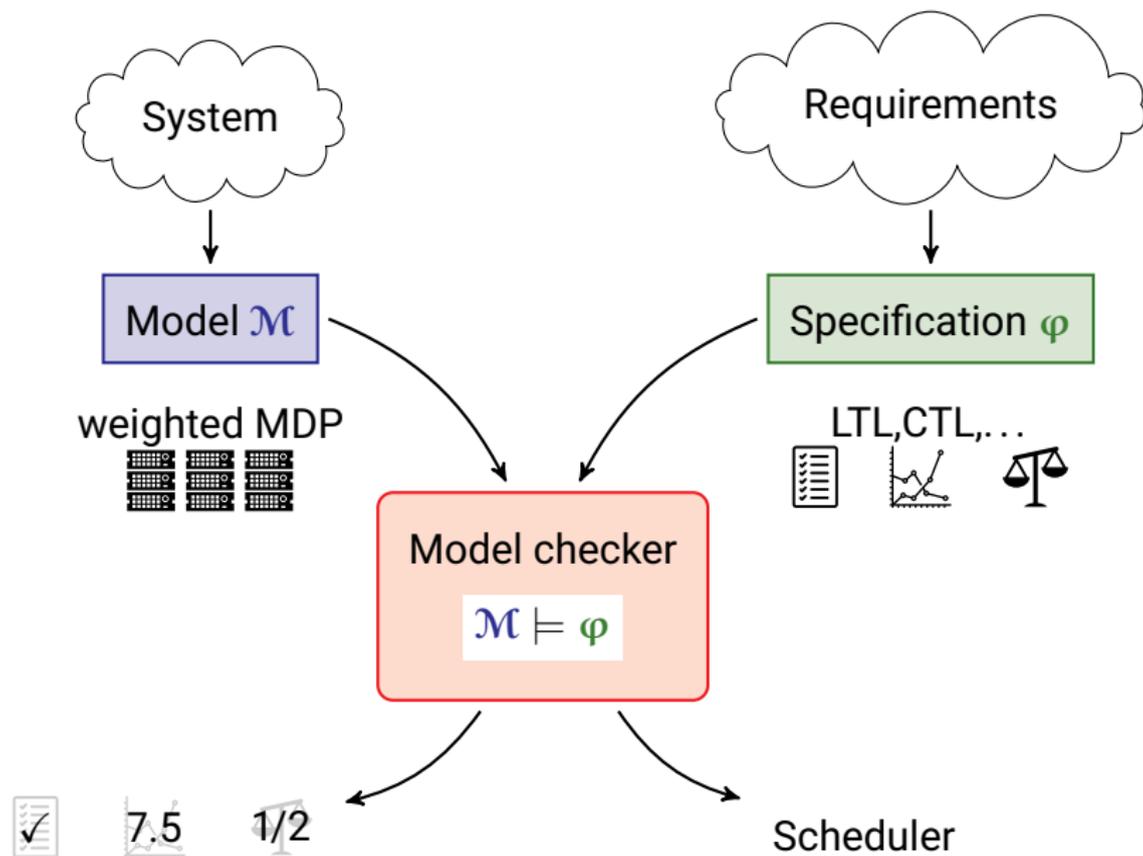
Family-based Analysis

Family-based Analysis

Toolchain:



Model checking

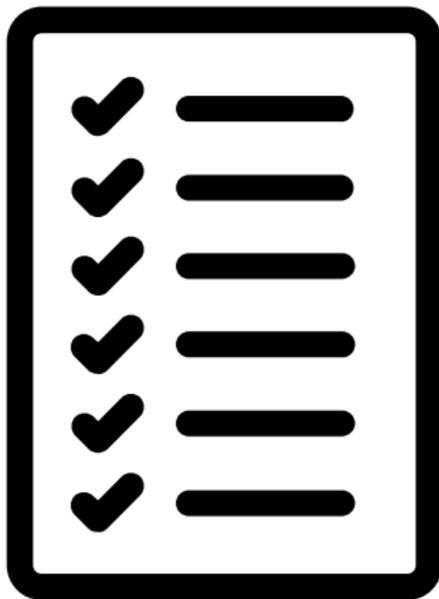


What is Demand Response and why is it useful?

Why and how do we formally analyse it?

What can we find out?

Demo



Reliability

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod})$$

$$\Pr^{\min}(\diamond \# \text{steps}=4*24 \text{eod})$$

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond \# \text{steps} = 4 * 24 \text{eod}) = 1$$

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond \# \text{steps} = 4 * 24 \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond^{\# \text{steps}=4*24} \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

$$\Pr^{\max}(\diamond(J = 0))$$

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond^{\# \text{steps}=4*24} \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

$$\Pr^{\max}(\diamond(J = 0)) \approx 0.25$$

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond^{\# \text{steps}=4*24} \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

$$\Pr^{\max}(\diamond(J = 0)) \approx 0.25$$

Don't use grid energy and finish all jobs.

\diamond ... finally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond^{\# \text{steps}=4*24} \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

$$\Pr^{\max}(\diamond(J = 0)) \approx 0.25$$

Don't use grid energy and finish all jobs.

$$\Pr^{\max}(\square(\text{no_grid}) \wedge \diamond(J = 0))$$

\diamond ... finally

\square ... globally

eod ... end of day

Some Results

The end of the day will be reached (when time's up).

$$\Pr^{\min}(\diamond \text{eod}) = 1 \quad \Pr^{\min}(\diamond^{\# \text{steps}=4*24} \text{eod}) = 1$$

It is possible to complete all jobs.

$$\Pr^{\max}(\diamond(J = 0)) \approx 0.25$$

Don't use grid energy and finish all jobs.

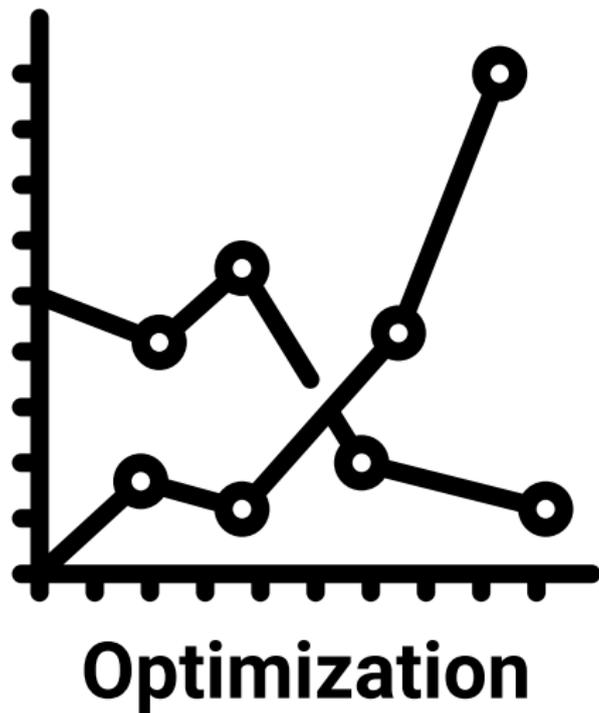
$$\Pr^{\max}(\square(\text{no_grid}) \wedge \diamond(J = 0)) = 0$$

\diamond ... finally

\square ... globally

eod ... end of day

Some Results



Expected number of jobs until end of day.

Some Results

Expected number of jobs until end of day.

$$\mathbb{E}_{\#jobs}^{\max}(\diamond eod) \approx 230$$

Some Results

Expected number of jobs until end of day.

$$\mathbb{E}_{\#jobs}^{\max}(\diamond eod) \approx 230$$

Expected penalty until end of day.

Some Results

Expected number of jobs until end of day.

$$\mathbb{E}_{\#jobs}^{\max}(\diamond eod) \approx 230$$

Expected penalty until end of day.

$$\mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\max}(\diamond eod)$$

$$\mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\min}(\diamond eod)$$

Some Results

Expected number of jobs until end of day.

$$\mathbb{E}_{\#jobs}^{\max}(\diamond eod) \approx 230$$

Expected penalty until end of day.

$$\mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\max}(\diamond eod) \approx 51 \quad \mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\min}(\diamond eod) \approx 4$$

Some Results

Expected number of jobs until end of day.

$$\mathbb{E}_{\#jobs}^{\max}(\diamond eod) \approx 230$$

Expected penalty until end of day.

$$\mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\max}(\diamond eod) \approx 51 \quad \mathbb{E}_{\text{penalty}}^{\min}(\diamond eod) \approx 4$$

...and the corresponding schedulers.



Tradeoff

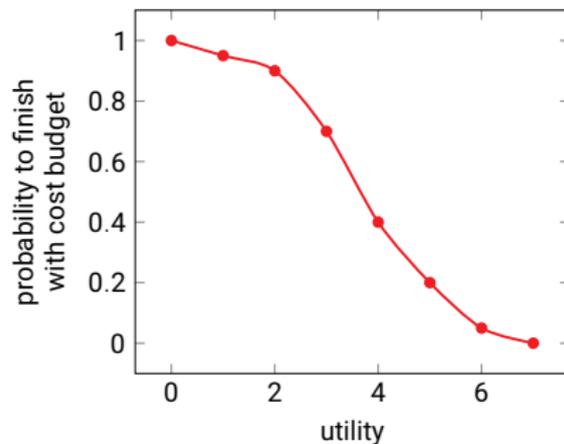
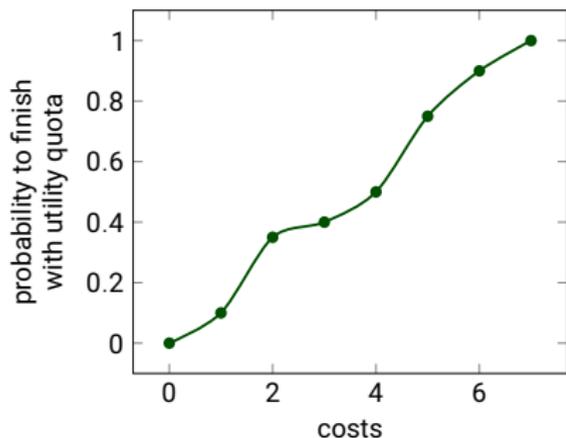
Some Results

We want **high** utility and **low** costs at the same time.

Some Results

We want **high** utility and **low** costs at the same time.

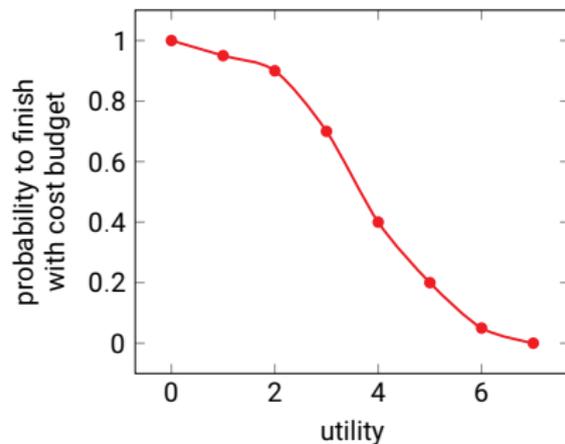
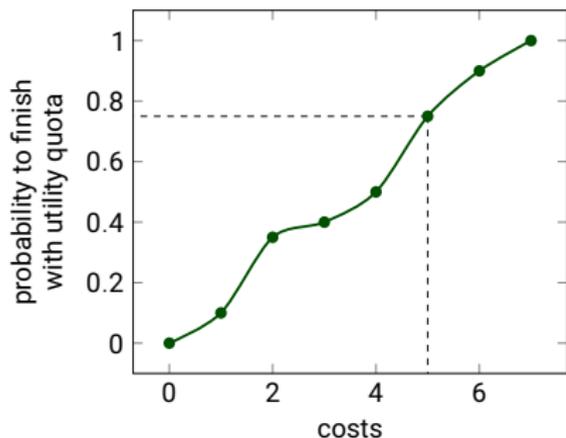
This is usually **impossible**:



Some Results

We want **high** utility and **low** costs at the same time.

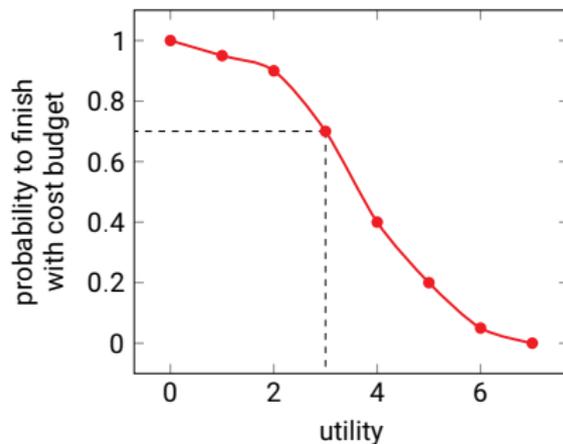
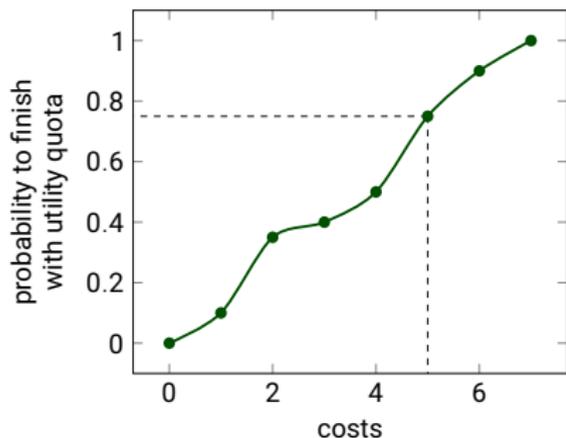
This is usually **impossible**:



Some Results

We want **high** utility and **low** costs at the same time.

This is usually **impossible**:



DEMO

Probabilistic Model Checking

- ▶ fully automated quantitative analysis
- ▶ many areas of application
- ▶ efficient tools

Our Group

- ▶ theoretical questions
- ▶ modeling and analysis
- ▶ algorithms and implementation